Vilniaus universiteto Fizikos fakulteto Taikomosios elektrodinamikos ir telekomunikacijų institutas

Laisvydas Giriūnas

# HIBRIDINIO PEROVSKITO CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> STRUKTŪRINIO FAZINIO VIRSMO BMR TYRIMAI

Magistrantūros studijų baigiamasis darbas

Telekomunikacijų fizikos ir elektronikos studijų programa

Studentas

Darbo vadovas

Instituto direktorius

Laisvydas Giriūnas

Dr. Vidmantas Kalendra

Prof. Dr. Jonas Matukas

Vilnius 2020

# Turinys

Įva	Įvadas 3					
1	Struktūriniai faziniai virsmai					
<b>2</b>	Hibridiniai švino halido perovskitai					
	2.1	Hibridiniai perovskitai	6			
	2.2	Švino halido perovskitai	6			
	2.3	Tyrimo objektas – $CH_3NH_2NH_2PbCl_3$	7			
3	Bra	nduolių magnetinis rezonansas	10			
	3.1	Branduolio sąveika su magnetiniu lauku	10			
	3.2	Cheminis poslinkis	11			
	3.3	Branduolių įmagnetėjimas	13			
	3.4	Įmagnetėjimo sužadinimas ir relaksacija	14			
	3.5	Impulsinis BMR eksperimentas	16			
	3.6	Sukininis hamiltonianas	18			
		3.6.1 Tiesioginis dipolinis ryšys	18			
		3.6.2 Cheminio poslinkio anizotropija	20			
	3.7	Sukimas magiškuoju kampu	23			
4	$\mathbf{E}\mathbf{ks}_{\mathbf{j}}$	perimento metodika	26			
5 Rezultatai ir jų aptarimas		ultatai ir jų aptarimas	27			
	5.1	$^{1}\mathrm{H}$ BMR rezultatai	27			
	5.2	<sup>207</sup> Pb BMR rezultatai	29			
Išvados						
Lit	Literatūros sąrašas					
Su	Summary					

# Įvadas

Pastarajame dešimtmetyje išskirtinio mokslininkų bei industrijos dėmesio dėl potencialaus jų pritaikymo fotovoltinių prietaisų gamyboje sulaukė trimačiai švino halido perovskitai APbX<sub>3</sub>, kur A yra organinis arba šarminio metalo katijonas ir X – halogenas [1–4]. Šios junginių grupės saulės elementai jau gali siekti daugiau nei 20 % galios konversijos efektyvumą [4, 5]. Patys populiariausi švino halido perovskitai yra jodido ar bromido junginiai. Nors mažiau populiarūs švino chloridai turi per didelį draustinės juostos plotį viengubos *pn* sandūros elementams kurti, jie gali būti sėkmingai naudojami kitiems optoelektronikos taikymams, kaip ultravioletiniams šviestukams ar fotodetektoriams [6]. Norint suformuoti trimačius perovskitus, yra labai svarbu pasirinkti tinkamą A katijoną. Iš didelės įvairovės organinių ir neorganinių molekulių, iki šių metų trimates švino halidų struktūras buvo įmanoma suformuoti tik su metilamonio CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub><sup>+</sup>, formamidinio NH<sub>2</sub>(CH)NH<sub>2</sub><sup>+</sup> bei cezio Cs<sup>+</sup> katijonais [2, 3]. Tačiau šiais metais sėkmingai buvo susintetinti nauji trimačiai švino bromido bei švino chlorido perovskitai su metilhidrazinio CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub><sup>+</sup> katijonais [7, 8].

Švino halido perovskituose dažnai stebimi struktūriniai faziniai virsmai, kurių metu kinta šių junginių fizikinės bei cheminės savybės [2, 3]. Šiose medžiagose faziniai virsmai dažnai yra stipriai susiję su katijonų dinamika. Dėl šios priežasties didelė dalis struktūrinių tyrimų yra paskirtų tirti šiuos junginius metodais, kurie yra jautrūs struktūriniams faziniams virsmams bei dinaminiams efektams [9–12]. Vienas iš šių metodų yra branduolių magnetinio rezonanso spektroskopija [13].

Branduolių magnetinis rezonansas (BMR) – tai spektroskopijos metodas, tiriantis medžiagoje esančių branduolių magnetinius momentus ir jų sąveiką su išoriniu magnetiniu lauku. Magnetinį momentą, arba branduolio sukinį, turi tik izotopai sudaryti iš nelyginio protonų ir neutronų skaičiaus [14, 15]. Didžioji dalis kristaluose esančių atomų turi bent vieną stabilų izotopą, kurį galima tirti naudojant BMR spektroskopiją. BMR jau praeityje buvo sėkmingai naudojamas tirti švino halido perovskitų struktūrinius pokyčius bei katijonų dinamiką [16–18].

Šio darbo tikslas yra pasitelkti <sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb kieto kūno BMR spektroskopiją siekiant ištirti struktūrinį fazinį virsmą bei katijonų dinamiką naujame metilhidrazinio švino chlorido  $CH_3NH_2NH_2PbCl_3$  perovskite.

### 1 Struktūriniai faziniai virsmai

Didžioji dalis kietųjų kūnų gali egzistuoti keliose kristalinėse fazėse [19, 20]. Keičiant išorinius faktorius, kaip temperatūrą ar slėgį, galima pasiekti tam tikros fazės stabilumo ribą, kurią peržengus kristalas yra linkęs transformuotis į kitokią fazę vykstant vadinamajam struktūriniam faziniam virsmui. Tokio virsmo metu dažnai stebimi staigūs kristalinės simetrijos pokyčiai, fizikinių parametrų anomalijos bei tvarkos parametro  $\eta$  atsiradimas [21].

Pirmiausia, visi faziniai virsmai gali būti skirstomi į poslinkio bei tvarkos–netvarkos tipo. Pirmojo iš jų metu stebimas bendras dalies gardelės atomų poslinkis iš aukštos kristalinės simetrijos padėties. Tvarkos–netvarkos virsmo metu sistema pereina iš būsenos, kurioje dėl šiluminio jonų judėjimo struktūroje vyrauja dinaminė netvarka, į būseną, kurioje jonų judėjimas sumažėja arba dingsta ir dėl to kristale stebima toliasiekė tvarka. Realybėje šis klasifikavimas yra idealistinis, nes didžioji dalis kristalų turi savybių, būdingų abiems tipams [20].

Eksperimentų metu fazinio virsmo aplinkoje stebimi tokių kristalo parametrų, kaip tūrio, šiluminės talpos ir dielektrinės skvarbos, anomalūs pokyčiai. Remiantis šių parametrų temperatūrine priklausomybe fazinio virsmo aplinkoje, vykstantys virsmai yra skirstomi į pirmos bei antros rūšies [20]. Bendru atveju, trūkus ir staigus kristalo parametrų pokytis rodo pirmos rūšies fazinį virsmą. Pirmos rūšies virsmas taip pat charakterizuojamas abiejų struktūrinių fazių sambūviu fazinio virsmo aplinkoje. Dėl šios priežasties pirmos rūšies faziniai virsmai pasižymi temperatūrine histereze. Antros rūšies fazinio virsmo metu plačiame temperatūros arba slėgio diapazone stebimas tolydus kristalo parametrų pokytis [21]. Antros rūšies virsmo metu fazės kartu egzistuoti negali. Silpnas pirmos rūšies fazinis virsmas turi savybių, artimų antros rūšies virsmui ir siaurą histerezę. Šios rūšies fazinis virsmas galėtų virsti antros rūšies pakeitus tokias išorines savybes, kaip slėgį [19].

Šiame skyriuje minimi eksperimentiniai parametrai siejasi su minėtuoju tvarkos parametru  $\eta$ . Bendru atveju, tvarkos parametras rodo, ar struktūrinė fazė yra simetriška ( $\eta = 0$ ) ar nesimetriška ( $\eta \neq 0$ ) [19]. Šio parametro temperatūrinė priklausomybė stipriam ir silpnam pirmos rūšies bei antros rūšies faziniams virsmams schematiškai pateikta 1 pav. Šiame paveiksle Kiuri temperatūra  $T_C$  žymi struktūrinio fazinio virsmo temperatūrą. Pirmos rūšies fazinio virsmo metu,  $\eta$  sparčiai šoka virsmo temperatūroje ir nesimetrinėje fazėje nepriklauso nuo temperatūros. Antros rūšies fazinis virsmas rodo tolydų  $\eta$  augimą. Silpnas pirmos rūšies fazinis virsmas taip pat vyksta šuoliškai, bet kartu stebima ir  $\eta$  temperatūrinė priklausomybė [19].



1 pav. Tvarkos parametro temperatūrinės priklausomybės schema pirmos rūšies (netolygiam) ir antros rūšies (tolygiam) faziniam virsmui. Abu pirmos rūšies virsmai vyksta  $T_0$  temperatūroje, kuri yra tarp šiluminės histerezės ribų  $T_C$  ir  $T_C^*$ . Sukurta remiantis [19] šaltiniu.

Tvarkos parametro pokyčiui antros rūšies arba silpno pirmos rūšies fazinio virsmo metu aprašyti sėkmingai naudojama Landau fazinių virsmų teorija [21]. Šios teorijos esmė yra kristalo laisvosios energijos potencialo invariantiškumas bet kokiems simetrijos virsmams bei prielaida, jog norint sužadinti fizikinių parametrų anomalijas fazinio virsmo metu pakanka kristalo simetrijos pokyčio [21]. Tvarkos parametro  $\eta$  temperatūrinės priklausomybės išraiškai antros rūšies faziniam virsmui gauti, pirmiausia, reikia laisvosios energijos potencialą  $\Phi(T, \eta)$ išskleisti eilute [19]:

$$\Phi(T, \eta) = \Phi_0(T) + \frac{1}{2}\alpha(T - T_C)\eta^2 + \frac{1}{4}\beta\eta^4 + \dots,$$
(1)

kur  $\alpha, \gamma > 0$  ir  $\beta < 0$  yra skleidimo koeficientai. Pusiausvyros būsenoje, laisvosios energijos potencialas turi būti minimalus. Minimumo sąlyga užrašoma kaip:

$$\frac{\partial}{\partial \eta} \Phi(T, \eta) = 0. \tag{2}$$

Į šią lygtį įsistačius 1 išraišką gaunama tvarkos parametro pusiausvyroji reikšmė  $\eta_0$ :

$$\alpha (T - T_C)\eta_0 + \beta \eta_0^2 = 0 \tag{3}$$

Ši lygtis turi sprendinį  $\eta_0 = 0$ , atitinkantį aukštos temperatūros (AT) fazę  $T > T_C$  ir  $\eta \neq 0$ sprendinį, kuris atitinka žemos temperatūros (ŽT) fazę ( $T < T_C$ ), ir yra išreiškiamas kaip:

$$\eta_0 = \sqrt{\frac{\alpha(T_C - T)}{\beta}}.$$
(4)

Kaip ir matoma 1 pav., antros rūšies fazinio virsmo metu tvarkos parametras ŽT (nesimetrinėje) fazėje didėja laipsnine funkcija. Norint gauti silpno pirmos rūšies fazinio virsmo parametro  $\eta$  temperatūrinę priklausomybę 1 lygtyje reikia įskaityti daugiau skleidimo eilutės narių ir tada lygties sprendimas tampa sudėtingesnis [19].

# 2 Hibridiniai švino halido perovskitai

Šis skyrius skirtas aptarti hibridinius perovskitus, išsamiai apibūdinti švino halido perovskitus bei šio darbo tyrimo objektą – CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> kristalą.

#### 2.1 Hibridiniai perovskitai

Pastaruoju metu daug dėmesio mokslinėje bendruomenėje skiriama hibridiniams organiniams ir neorganiniams perovskitams. Platus šių medžiagų naudingų fizikinių ir cheminių savybių spektras kyla dėl sintezėje naudojamų skirtingų organinių bei neorganinių elementų [2, 3]. Šiems juginiams yra keletas siektinų taikymų, kaip didelio efektyvumo saulės elementai, dujų saugojimo prietaisai, multiferoinė atmintis ir kt. [2, 3]. Bendru atveju, perovskitinė struktūra žymima ABX<sub>3</sub>, kur A ir B yra katijonai, iš kurių antrasis yra mažesnis, ir X yra anijonas. Tipinio perovskito CaTiO<sub>3</sub> kristalo struktūra pavaizduota 2 pav.



2 pav. CaTiO<sub>3</sub> perovskito kristalinė struktūra [22].

### 2.2 Švino halido perovskitai

Praeitame dešimtmetyje nauja hibridinių kristalų grupė – švino halido perovskitai – mokslininkų tarpe sulaukia vis daugiau dėmesio dėl išskirtinių šių medžiagų savybių, tinkamų fotovoltiniams taikymams [1–4]. Šios savybės yra didelis sugerties koeficientas, maža eksitonų ryšio energija, ilgas eksitonų difuzijos kelias, didelės dielektrinės konstantos bei vidinė feroe-lektrinė poliarizacija [23–26].

Švino halido perovskituose, A žymi organinį  $(CH_3NH_3^+, CH_3NH_2NH_2^+, kt.)$  arba

neorganinį (Cs<sup>+</sup>) katijoną, B yra dvivalentis Pb<sup>2+</sup> katijonas ir X yra halidinis anijonas (Cl<sup>-</sup>, Br<sup>-</sup> or I<sup>-</sup>) [2, 3, 5]. Iki šiol labiausiai ištirtas metilamonio CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub><sup>+</sup> švino jodidas yra vienas daugiausiai žadančių junginių, kurio galios konversijos efektyvumas jau siekia daugiau nei 20% [4]. Puikios trimačių perovskitų optoelektroninės savybės stipriai skatina mokslininkus ieškoti naujų struktūrų [2]. Teoriškai manoma, jog stabilios trimatės švino halidų struktūros gali susiformuoti tik su mažiausiais organiniais katijonais [2]. Tačiau eksperimentiniuose tyrimuose buvo parodyta, jog trimatės švino halidų struktūros susiformuoja tik su cezio Cs<sup>+</sup>, metilamonio CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub><sup>+</sup> ir formamidinio NH<sub>2</sub>(CH)NH<sub>2</sub><sup>+</sup> katijonais [2, 3]. Kaip išimtis šiai taisyklei, šiemet pirmą kartą buvo sėkmingai susintetinti nauji trimačiai perovskitai – švino bromido bei švino chlorido junginiai su metilhidrazinio CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub><sup>+</sup> katijonais [7, 8]. Šios medžiagos susiformavo trimatėje perovskitinėje struktūroje, nors ir CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub><sup>+</sup> katijono joninis spindulys (264 pm) yra didesnis nei vieno iš didžiausiųjų, formamidinio, spindulys (253 pm) [2].

Didelė dalis naudingų hibridinių švino halidų savybių yra susijusios su struktūriniais faziniais virsmais bei organinių katijonų dinamika [9–12, 17]. Taigi, daug dėmesio mokslinėje bendruomenėje yra skiriama ištirti fazinio virsmo mechanizmus šiuose perovskituose, pasitelkiant tokius metodus, kaip rentgeno spinduliuotės difrakciją, skirtuminę žvalgomąją kalorimetriją, dielektrinę bei BMR spektroskopiją [9–12, 16–18]. Visos minėtos savybės bei galimybė palengvinti bei atpiginti šių medžiagų sintezę užtikrina, kad šios medžiagos ateityje gali praktiškai būti naudojamos inovatyviems taikymams [27].

#### 2.3 Tyrimo objektas – $CH_3NH_2NH_2PbCl_3$

Šio darbo tyrimo objektas – tik pastaraisiais metais sėkmingai susintetintas [8] metilhidrazinio švino chloridas  $CH_3NH_2NH_2PbCl_3$  (toliau – MHyPbCl\_3). Hibridiniai švino chlorido junginiai yra mažiau populiarūs nei jodido ar bromido junginiai, nes chlorido perovskitai turi per didelį draustinės juostos plotį (> 2,8 eV), kad būtų tinkami klasikinės viengubos *pn* sandūros saulės elementams, tačiau šie junginiai galėtų būti sėkmingai naudojami ultravioletiniams šviestukams ar fotodetektoriams gaminti [6]. MHyPbCl<sub>3</sub> kristalo draustinės juostos plotis (3,4 eV) yra didesnis už kitų žinomų švino chlorido perovskitų, kaip  $CH_3NH_3PbCl_3$ (~ 2,9 eV) ar  $NH_2(CH)NH_2PbCl_3$  (~ 3,0 eV) [8].

MHyPbCl<sub>3</sub> junginio kristalinė struktūra pateikta 3 pav. Kiekvienoje  $PbCl_3^-$  karkaso ertmėje yra vienas MHy<sup>+</sup> katijonas, kuris vandeniliniais ryšiais jungiasi su Cl<sup>-</sup> bei Pb<sup>2+</sup> jonais. Dėl dvejų neekvivalenčių švino jonų padėčių, ši trimatė struktūra yra itin anizotropinė



3 pav. MHyPbCl<sub>3</sub> kristalinė struktūra (a) AT ir (b) ŽT struktūrinėse fazėse. Fazinis virsmas šildymo metu vyksta 342 K temperatūroje. Pilka spalva žymi Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrus, o rožinė spalva – Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub>. Kristalo duomenys paimti iš [8].

(žr. 3 pav.). Tiriamasis bandinys yra sudarytas iš dviejų skirtingų neorganinių sluoksnių. Pirmąjį sluoksnį sudaro šiek tiek iškreipti  $Pb^{(1)}Cl_6$  oktaedrai, o antrasis yra sudarytas iš gerokai labiau deformuotų  $Pb^{(2)}Cl_6$  oktaedrų. Didelė  $Pb^{(2)}Cl_6$  oktaedrų sluoksnio deformacija kyla dėl išskirtinio MHy<sup>+</sup> katijono dydžio bei dėl suformuoto koordinacinio kovalentinio ryšio tarp kraštinių NH<sub>2</sub><sup>+</sup> grupių ir Pb<sup>2+</sup> centrų [8]. Dėl šių skirtingai deformuotų perovskitinių sluoksnių MHyPbCl<sub>3</sub> kristalas turi kitokias optines bei elektrinės charakteristikas lyginant su kitais žinomais trimačiais švino halidais [8].

Šildant MHyPbCl<sub>3</sub> junginį  $T_C^* = 342$  K temperatūroje stebimas struktūrinis fazinis virsmas iš monoklininės polinės  $P2_1$  erdvinės grupės žemos temperatūros (ŽT) fazėje ( $T < T_C^*$ ) į rombinę  $Pb2_1m$  aukštos temperatūros (AT) fazėje ( $T > T_C^*$ ). Pereinant iš AT į ŽT fazę tokie

1 lentelė. MHyPbCl<sub>3</sub> junginio PbCl<sub>6</sub> oktaedrų ryšio ilgio iškreipių parametro  $\Delta d$  verčių palyginimas žemos ir aukštos temperatūros fazėse. Duomenys paimti iš [8] šaltinio.

Fazė	Centrinis atomas	$\Delta d$ (Å)
Žm	$Pb^{(1)}$	22
	$Pb^{(2)}$	114
	$Pb^{(1)}$	8
AT	$Pb^{(2)}$	146

ryškūs pokyčiai, kurie yra stebimi artimoje MHyPbBr<sub>3</sub> struktūroje [7], neįvyksta. Šio virsmo metu MHyPbCl<sub>3</sub> struktūroje Pb–NH<sub>2</sub> ryšiai, švino oktaedrų deformacija bei toliasiekė MHy<sup>+</sup> katijonų tvarka išlieka. Remiantis skirtuminės žvalgomosios kalorimetrijos tyrimais yra iškelta hipotezė, jog dėl mažo MHy<sup>+</sup> katijonų dinamikos pokyčio fazinis virsmas yra poslinkio tipo [8]. Vienintelis parametras, kuris fazinio virsmo metu stipriai kinta yra deformuotų PbCl<sub>6</sub> oktaedrų Pb–Cl ryšio ilgio iškreipių parametras  $\Delta d$  [8]. Nenulinė šio parametro vertė rodo, kiek stebimi PbCl<sub>6</sub> oktaedrai yra deformuoti lyginant su idealiu oktaedru (kai  $\Delta d = 0$ ), kurio visi Pb–Cl ryšio ilgiai yra vienodi. Atlikus rentgeno spinduliuotės difrakcijos tyrimų analizę gautos  $\Delta d$ parametro vertės pateiktos 1 lentelėje. Šioje lentelėje pateikti rezultatai rodo, jog Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrai ŽT fazėje yra labiau deformuoti nei AT fazėje, o Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrai atvirkščiai – tampa labiau deformuoti AT fazėje nei ŽT.

# 3 Branduolių magnetinis rezonansas

Efektyvus metodas struktūrinius pokyčius bei dinaminius efektus hibridiniuose perovskituose tirti yra kietojo kūno BMR spektroskopija. Šiame skyriuje pateikiami šio metodo pagrindai.

#### 3.1 Branduolio sąveika su magnetiniu lauku

Iš klasikinės elektrodinamikos žinoma, kad magnetinio dipolio  $\mu$  sąveikos su išoriniu magnetiniu lauku  $B_0$  energija aprašoma [14]:

$$E = -\boldsymbol{\mu} \cdot \boldsymbol{B}_0 = -\mu_z B_0, \tag{5}$$

kur  $\mu_z$  yra magnetinio dipolio projekcija į  $\mathbf{B}_0$ . Šiame darbe bus laikoma, kad  $\mathbf{B}_0$  yra nukreiptas z ašimi. Šiame magnetiniame lauke laisvo branduoioį, kurio sukinio kvantinis skaičius yra  $I = \frac{1}{2}$ , energija bus kvantuota į dvi energijos būsenas, kurios aprašomos sukinio projekcija  $m_I = \pm \frac{1}{2}$ . Šie du energijos lygmenys: viršutinis  $\alpha$  ( $m_I = -\frac{1}{2}$ ) bei apatinis  $\beta$  ( $m_I = +\frac{1}{2}$ ), pateikti 4 pav.  $I = \frac{1}{2}$  sukinį turi daug branduolių, bet svarbiausia, jog jį turi šiame darbe tiriami protonai (<sup>1</sup>H) bei švino (<sup>207</sup>Pb) branduoliai. Įskaitant  $m_I$  vertę, protono magnetinio momento projekcija  $\mu_z$ užrašoma kaip [28]:

$$\mu_z = \gamma_p \hbar m_I, \tag{6}$$

kur  $\gamma_p$  yra protono giromagnetinis santykis, <br/>o $\hbar$ – redukuota Planko konstanta. Bendru atveju, parametras <br/>  $\gamma$  nurodo santykį tarp branduolio magnetinio momento<br/>  $\mu$  ir judesio kiekio momento <br/> L ir priklauso nuo branduolio krūvio q bei jo masės m pagal priklausomybę [14]:

$$\gamma = \frac{|\boldsymbol{\mu}|}{|\boldsymbol{L}|} = \frac{q}{2m}.$$
(7)

Įrašius 6 išraišką į 5 lygtį, gaunama protono energija

$$E = -m_I \gamma \hbar B_0. \tag{8}$$

Taigi, energijos skirtumas tarp viršutinio  $\alpha$  bei apatinio  $\beta$  protono sukinio būsenų išreiškiamas kaip [14, 28]:

$$\Delta E = \Delta m_I \gamma \hbar B_0 = \gamma \hbar B_0. \tag{9}$$

Šis energijos lygmenų skilimas išoriniame magnetiniame lauke  $B_0$  yra vadinamasis branduolinis Zėmano efektas. Ši sąveika ir sukuria reikiamas sąlygas gauti BMR spektrą. Norint sukelti protono sukinio šuolį iš žemesniojo energijos lygmens į aukštesnįjį, reikalingas radijo bangų kvantas, kurio energija yra

$$h\nu_0 = \Delta E = \gamma \hbar B_0, \tag{10}$$

o dažnis:

$$\nu_0 = \frac{\gamma}{2\pi} B_0 \text{ arba } \omega_0 = \gamma B_0. \tag{11}$$

Pastaroji lygtis apibūdina rezonansinę sąlygą, kai į sukinių turintį bandinį spinduliuojamų radijo bangų dažnis turi sutapti su skirtumu tarp energijos lygmenų. BMR spektroskopijoje dažnis  $\omega_0$  vadinamas Larmoro dažniu [28]. Rezonansinė sąlyga 4 pav. pažymėta rodykle.



4 pav. Kvantuotos protono energijos priklausomybė nuo magnetinio lauko indukcijos  $B_0$ . Šią energijos priklausomybę aprašo branduolinis Zėmano efektas. Rodyklė žymi rezonansinį šuolį. Sukurta remiantis [28] šaltiniu.

Realiose sistemose, sudarytose iš daugelio sukinių, branduoliai taip pat sąveikauja su aplinka bei tarpusavyje, todėl išmatuojami BMR spektrai tampa gerokai sudėtingesni. Neskaitant to, didžioji dalis branduolinių sąveikų gali būti sėkmingai matematiškai aprašomos ir jų poveikis spektrui gali būti apskaičiuojamos pasitelkus vadinamąjį sukininį hamiltonianą, apie kurį plačiau aptariama 3.6 skyriuje.

#### 3.2 Cheminis poslinkis

BMR spektroskopija gali būti sėkmingai naudojama struktūrinėje analizėje pirmiausia dėl to, kad išmatuotas rezonansinis dažnis  $\omega_0$ , kaip ir nuo  $\gamma$  bei  $B_0$ , taip pat priklauso ir nuo branduolio molekulinės aplinkos. Kiekvieną branduolį supantis elektronų apvalkalas turi krūvį ir juda uždara trajektorija. Tai reiškia, kad elektronų apvalkalas taip pat turi magnetinį momentą ir jų sukurtas magnetinis laukas artimojoje branduolio aplinkoje iškreipia  $B_0$  lauką [28]. Ši elektronų sukurta  $B_0$  lauko moduliacija vadinama branduolio ekranavimu ir matematiškai yra apibūdinama  $\sigma$  parametru. Ekranavimo stipris priklauso nuo molekulių cheminės grupės ir cheminės aplinkos, todėl tai suteikia puikios informacijos apie tiriamojo sukinio magnetinę aplinką [15]. Taigi, branduolys iš tiesų sąveikauja su vietiniu magnetiniu lauku  $B_{viet}$ , kuris nuo  $\sigma$  bei  $B_0$  priklauso sąryšiu [14]:

$$B_{viet} = B_0(1 - \sigma). \tag{12}$$

Čia  $\sigma$  įprastai yra teigiamas dydis. 11 lygtyje vietoj  $B_0$  įrašius  $B_{viet}$  lauko išraišką gaunama rezonasinio dažnio  $\omega$  priklausomybė nuo branduolio ekranavimo [14]:

$$\omega = \gamma B_0 (1 - \sigma). \tag{13}$$

Jei ekranavimo konstanta  $\sigma$  padidėja išlaikant pastovų  $B_0$ , tai  $\omega$  sumažėja. Rezonansinio dažnio pokytis dėl elektroninio ekranavimo yra vadinamas cheminiu poslinkiu [15].

Branduolio ekranavimas sukuria labai mažus pokyčius nuo Larmoro dažnio. Įprastai branduolio Larmoro dažnis yra matuojamas MHz, o cheminis poslinkis – Hz. Dėl šios priežasties mokslinėje bendruomenėje buvo labai svarbu įvesti santykinį cheminio poslinkio apibrėžimą. Taigi, kiekvienam cheminiam elementui ar izotopui yra priskiriamas kontrolinis bandinys, kurio dažnis puikiai žinomas ir BMR eksperimento metu priskiriamas nuliui. Pavyzdžiui, matuojant vandenilio ar anglies branduolius dažniausiai naudojamas kontrolinis bandinys yra tetrametilsilanas (TMS) (CH<sub>3</sub>)<sub>2</sub>Si, kuris yra tirpus daugelyje organinių tirpiklių ir nereaktyvus [29].

Eksperimento metu išmatuotas cheminis poslinkis kaip dažnio skirtumas nuo kontrolinio bandinio gali būti išreiškiamas užrašius 13 lygtį tiriamajam branduoliui [14]:

$$\omega_{tir} = \gamma B_0 (1 - \sigma_{tir}) \tag{14}$$

ir kontroliniam bandiniui (pvz. TMS):

$$\omega_{kont} = \gamma B_0 (1 - \sigma_{kont}). \tag{15}$$

Tada skirtumas tarp šių rezonansinių dažnių, išreiškiamas Hz, yra:

$$\Delta \omega = \omega_{tir} - \omega_{kont} = \gamma B_0(\sigma_{kont} - \sigma_{tir}) = \gamma B_0 \Delta \sigma.$$
<sup>(16)</sup>

Deja, ši cheminio poslinkio išraiška vis dar priklauso nuo magnetinio lauko  $B_0$ , kuris kiekvienoje laboratorijoje gali būti skirtingas. Siekiant turėti absoliutų dydį įvairios indukcijos  $B_0$  laukams, cheminis poslinkis *i* branduoliui yra išreiškiamas kaip:

$$\delta = \frac{\Delta\omega}{\omega_{kont}} = \frac{\sigma_{kont} - \sigma_{tir}}{1 - \sigma_{kont}} \sim \sigma_{kont} - \sigma_{tir}.$$
(17)

Šis parametras  $\delta$  yra matuojamas Hz/MHz arba milioninėmis dalimis (angl. *parts per million* (ppm)). Šiame darbe toliau naudojamas pastarojo matavimo vieneto trumpinys – ppm.

#### 3.3 Branduolių įmagnetėjimas

BMR tyrimuose realios sistemos yra sudarytos iš daugelio branduolių. Išoriniame magnetiniame lauke  $B_0$  patalpinta sistema, sudaryta iš 20  $I = \frac{1}{2}$  sukinių, pavaizduota 5 pav. Šiame paveiksle pavaizduoti  $m_I = +\frac{1}{2}$  sukiniai precesuoja aplink +z ašį, o  $-\frac{1}{2}$  sukiniai – aplink -zašį. Šie sukiniai žymi 4 pav. pavaizduotus  $\alpha$  ir  $\beta$  energijos lygmenis. Termodinaminėje pu-



5 pav.  $I = \frac{1}{2}$  sukinių ansamblis išoriniame magnetiniame lauke  $B_0$ . Sistema yra termodinaminėje pusiausvyroje. Sukurta remiantis [14] šaltiniu.

siausvyroje stebima tendencija branduolių magnetiniams momentams dažniau orientuotis pagal išorinį magnetinį lauką (+z kryptimi) negu prieš jį (-z kryptimi). Šį efektą aprašo Bolcmano pasiskirstymo dėsnis:

$$\frac{n_{\beta}}{n_{\alpha}} = \exp\left(\frac{\Delta E}{kT}\right),\tag{18}$$

kur  $n_{\beta}$  ir  $n_{\alpha}$  atitinkamai žymi sukininės būsenos populiaciją viršutiniame ( $\alpha$ ) bei apatiniame ( $\beta$ ) energijos lygmenyje (žr. 4 pav.), o k yra Bolcmano konstanta,  $\Delta E$  yra energijos skirtumas tarp dviejų sukininių būsenų (žr. 9 lygtį) ir T – absoliuti temperatūra [28]. Sukinių santykis, pavaizduotas 5 pav., kur 12 sukinių priklauso  $+\frac{1}{2}$  ir 8  $-\frac{1}{2}$  būsenai, yra hiperbolizuotas. Realiu atveju, remiantis Bolcmano pasiskirstymu, sukinių skaičius abejose būsenose yra gerokai artimesnis [14].

Nagrinėjant sistemas, sudarytas iš daugelio branduolių, yra labai patogu įvesti suminį magnetinį momentą aprašantį dydį – įmagnetėjimo vektorių  $\boldsymbol{M} = \sum_{i=1}^{N} \boldsymbol{\mu}_i$ . Šis vektorius termodinaminėje pusiausvyroje yra nukreiptas +z kryptimi (žr. 5 pav.). Šioje būsenoje įmagnetėjimo projekcija į z ašį yra  $M_z = |\boldsymbol{M}| = M_0$ , o xy plokštumoje  $M_x$ ,  $M_y = 0$ .

#### 3.4 Įmagnetėjimo sužadinimas ir relaksacija

Ankstesniame skyriuje aprašytos sukinių sistemos įmagnetėjimą galima išvesti iš termodinaminės pusiausvyros sukūrus osciliuojantį magnetinį lauką  $B_1$ , statmeną  $B_0$  (žr. 6a pav.). Galima įsivaizduoti, kad  $B_1$  laukas osciliuoja tiesiškai x ašimi arba juda apskritimu xy plokštumoje kampiniu dažniu  $\omega_1$ . Norint lengviau įsivaizduoti sukinių sistemoje vykstančius pokyčius, patogu laikyti, jog 6a pav. pateikta koordinačių sistema sukasi xy plokštuma,  $\omega_1$  dažniu. Tokioje sistemoje  $B_1$  išlieka pastovioje padėtyje, o individualūs sukiniai bei įmagnetėjimo vektorius M yra stacionarūs tol, kol branduolių Larmoro dažnis sutampa su  $B_1$  dažniu (t.y.  $\omega_0 = \omega_1$ ). Tolimesnėse įmagnetėjimo schemose taip pat bus taikoma besisukanti koordinačių sistema.

Remiantis 11 lygtimi, rezonansas šioje sistemoje vyksta tada, kai  $B_1$  lauko dažnis yra lygus precesuojančių branduolių Larmoro dažniui. Rezonanso metu, įmagnetėjimo vektorius M yra veikiamas jėgos momentu  $\tau$ , statmenu abiejų vektorių plokštumai:

$$\boldsymbol{\tau}(t) = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \boldsymbol{M}(t) = \boldsymbol{M}(t) \times \boldsymbol{B}_1.$$
(19)

Dėl šio jėgos momento, dalis  $+\frac{1}{2}$  sukinių apsiverčia tapdami  $-\frac{1}{2}$  sukiniais ir todėl  $M_z$  vertė sumažėja. Jei  $B_1$  laukas yra įjungiamas labai trumpai, tai įmagnetėjimo vektorius M šiek tiek pakrypsta link y ašies (žr. 6b pav.). Šioje situacijoje, individualių sukinių padėtys ant precesijos apskritimų, arba fazės, nebėra atsitiktinės, o daugiau jų yra arčiau y ašies ir dėl šios priežasties  $M_x$  ir  $M_y$  projekcijos nebėra lygios nuliui.

Rezonanso metu,  $B_1$  lauko įjungimas sukinių sistemoje nulemia ir energijos sugertį (šuolis iš  $+\frac{1}{2}$  į  $-\frac{1}{2}$  energijos lygmenį), ir spinduliavimą (šuolis iš  $-\frac{1}{2}$  į  $+\frac{1}{2}$ ). Kadangi, pradinėje



6 pav. Osciliuojančiu išoriniu magnetiniu lauku  $B_1$  veikiamas  $I = \frac{1}{2}$  sukinių ansamblis. Koordinačių sistema sukama  $\omega_1$  dažniu. Sukinių sistema (a) prieš  $B_1$  lauko įjungimą ir (b) po šiek tiek laiko. Sukurta remiantis [14] šaltiniu.

būsenoje turima daugiau  $+\frac{1}{2}$  branduolių nei  $-\frac{1}{2}$ , tai atstojamasis efektas yra sugertis. Ilgiau išlaikant  $B_1$  lauką įjungtą,  $+\frac{1}{2}$  sukinių perteklius dingsta ir sugertis bei emisija tampa lygūs. Ši sąlyga yra vadinama sotimi. Pasiekus sotį branduolių sukiniai iš lėto grįžta atgal į pusiausvyros būseną. Bet koks procesas, kuris grąžina įmagnetėjimo projekciją  $M_z$  į jos pradinę vertę yra vadinamas išilgine relaksacija. Tai įprastai yra pirmos eilės procesas, kur  $M_z$  projekcijos dydis grįžta į pradinę vertę eksponentiškai [15]:

$$M_z(t) = M_0 \left[ 1 - \exp\left(-\frac{t}{T_1}\right) \right],\tag{20}$$

kur  $M_0$  žymi M vektoriaus modulį, o  $T_1$  yra išilginės relaksacijos laiko konstanta. Išilginė relaksacija atsiranda dėl bandinyje esančių lokalių osciliuojančių magnetinių laukų. Šiuos laukus, kurie gali būti nukreipti įvairiausiomis kryptimis, kuria elektronai ir branduoliai, kurie virpa dėl šiluminio judėjimo. Taigi, kiekvienu momentu sukiniai precesuoja aplink statinio magnetinio lauko ir labai silpno mikroskopinio lauko superpoziciją. Išilginė relaksacija taip pat yra atsakinga už pradinio  $+\frac{1}{2}$  sukinių pertekliaus sukūrimą bandinyje, kai tik jis yra patalpinamas į išorinį magnetinį lauką. Nesant  $B_0$  lauko, visi sukiniai turi tą pačią energiją. Kai bandinys yra patalpinamas į  $B_0$  lauką, įmagnetėjimas auga pagal tą pačią 20 priklausomybę, kai sąveikaudami su aplink virpančiais magnetiniais laukais sukiniai persiskirsto kol sukuriama termodinaminė pusiausvyra [14].

Norint, kad sukinių sistema pilnai grįžtų į pusiausvyros būseną, taip pat reikia sunaikinti ir  $M_x$  bei  $M_y$  projekcijas. Bet koks procesas, kuris grąžina šias projekcijas į pradinę būseną, kai jos yra lygios nuliui, yra vadinamas skersine relaksacija. Šis procesas įprastai taip pat yra pirmos eilės, kur  $M_x$  ir  $M_y$  projekcijų priklausomybės nuo laiko t yra:

$$M_x(t) = M_0 \sin(\omega_0 t) \exp\left(-\frac{t}{T_2}\right),\tag{21}$$

$$M_y(t) = -M_0 \cos(\omega_0 t) \exp\left(-\frac{t}{T_2}\right).$$
(22)

Akivaizdu, jog  $M_x$  ir  $M_y$  projekcijos gesdamos precesuoja Larmoro dažniu  $\omega_0$ . Šiose priklausomybėse  $T_2$  žymi skersinės relaksacijos laiko konstantą.

Skersinė relaksacija iš esmės atsiranda dėl skirtingų sukinių precesijos fazių. Sukinių fazės gali išsiskirti dėl dviejų priežasčių. Pirma, dėl priešingų sukinių tarpusavio sąveikos, kai tuo pačiu metu vienas iš sukinių pereina iš  $+\frac{1}{2}$  į  $-\frac{1}{2}$  būseną, o kitas pereina iš  $-\frac{1}{2}$  į  $+\frac{1}{2}$  būseną. Kiekvieno šuolio tarp energijos lygmenų metu sukinio fazė pasikeičia [14]. Skersinės relaksacijos procesui besitęsiant visų sukinių fazės aplink z ašį tampa atsitiktinės ir todėl xy plokštumoje įmagnetėjimas dingsta. Antra priežastis yra tai, kad  $B_0$  laukas bandinyje nėra idealiai homogeniškas. Taigi, jei sukiniai jaučia skirtingą magnetinį lauką, tai jų Larmoro dažniai taip pat bus skirtingi. Kai visi sukiniai precesuoja šiek tiek skirtingais dažniais, ilgainiui jų santykinės fazės tampa atsitiktinės. Kai branduoliai rezonuoja plačiame Larmoro dažnių diapazone, išmatuoto BMR signalo linijos plotis išauga. BMR spektro linijos plotis pusės maksimumo aukštyje  $w_{\frac{1}{2}}$  su skersine relaksacija siejasi tokiu sąryšiu:

$$w_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\pi T_2}.$$
(23)

#### 3.5 Impulsinis BMR eksperimentas

BMR eksperimento metu registruojama įmagnetėjimo vektoriaus M precesija aplink išorinį magnetinį lauką  $B_0$ . Precesuojantis magnetinis momentas sukuria osciliuojantį magnetinį lauką, kuris indukuoja elektrinį lauką, netoli tiriamojo bandinio esančioje indukcinėje ritėje. Šioje ritėje indukuota osciliuojanti elektros srovė ir yra detektuojama [29]. Jei  $B_0$  yra nukreiptas koordinačių sistemos z ašimi, tada galima detektuoti išilginės  $M_z$  bei skersinės  $M_x$  ir  $M_y$  įmagnetėjimo vektoriaus komponenčių precesiją. Kadangi, išilginis įmagnetėjimas yra labai silpnas, jį užregistruoti nėra praktiška [15]. Taigi, norint gauti BMR signalą, reikia indukcinę ritę patalpinti statmenai  $B_0$ , xy plokštumoje. Tada įmagnetėjimo vektorius besisukdamas indukuoja osciliuojantį signalą ritėje, kuris yra pastiprinamas ir užregistruojamas [29].

BMR eksperimentas gali būti dviejų rūšių: nuolatinės veikos ir impulsinis arba Furjė transformacijos (FT). Pastaruosiuose dešimtmečiuose FT BMR metodas dėl gerokai didesnės spartos naudojamas išimtinai. Šiame darbe detaliau aptariamas tik impulsinis BMR eksperimentas, kuris schematiškai pavaizduotas 7 pav. Impulsinio BMR eksperimento metu, pastovia-



7 pav. Impulsinio BMR eksperimento schema. Sukurta remiantis [28] šaltiniu.

me magnetiniame lauke  $B_0$  esančiam bandiniui indukcine rite R<sub>S</sub> yra išsiunčiamas intensyvus ir labai mažos trukmės radijo bangų dažnio impulsas, kurio magnetinio lauko komponentė yra  $B_1$  (žr. 7a pav.). Kaip buvo minėta praeitame skyriuje, kai impulsas yra įjungtas, įmagnetėjimo vektorius M sukasi yz plokštumoje (žr. 7b pav.). Norint lengviau pavaizduoti šiuos efektus, 7a,b pav. pateiktas tik atstojamasis įmagnetėjimo vektorius be jį sudarančių individualių sukinių. Kol stiprus  $B_1$  laukas yra įjungtas, tol M vektorius precesuoja aplink šį lauką dažniu  $\omega = \gamma B_1$ . Kampas  $\alpha$  tarp M bei  $B_0$  vektorių (žr. 7b pav.) tiesiogiai priklauso nuo radijo impulso trukmės  $t_{imp}$  sąryšiu [14]:

$$\alpha = \gamma B_1 t_{imp}.\tag{24}$$

Impulsui nutrūkus, sistema pradeda relaksuoti praeitame skyriuje minėtais procesais

ir įmagnetėjimo vektoriaus precesija yra detektuojama indukcine rite R<sub>I</sub>. Dėl skersinių įmagnetėjimo komponenčių  $M_x$  ir  $M_y$  judėjimo imtuvo ritėje indukuotas signalas yra vadinamas laisvosios indukcijos gesimu (LIG) (žr. 7c pav.). Šis signalas eksponentiškai slopsta dėl skersinės relaksacijos (žr. 21 ir 22 lygtis). Atlikus šio signalo Furjė transformaciją, gaunamas BMR spektras su viena smaile ties Larmoro dažniu (žr. 7d pav.). Siekiant BMR eksperimento metu gauti stipriausią signalą naudojant paprasčiausią vieno impulso seką, būtina nustatyti tokias  $B_1$  bei  $t_{imp}$  vertes, kad  $\alpha = 90^{\circ}$ . Tokiu atveju, signalas pradeda gesti nuo maksimalios skersinės įmagnetėjimo vertės  $M_0$  [29].

#### 3.6 Sukininis hamiltonianas

Norint geriau suprasti kiekvieną BMR eksperimentą, naudinga pasitelkti kvantinės mechanikos formalizmu. BMR eksperimente kvantmechaninis atitikmuo 19 lygčiai būtų Šrėdingerio lygtis, kurioje įskaitomos tik sukininės branduolių būsenos  $|\psi_{suk}\rangle$ :

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}|\psi_{suk}(t)\rangle \simeq -i\hbar\mathcal{H}_{suk}|\psi_{suk}(t)\rangle,\tag{25}$$

kur  $\mathcal{H}_{suk}$  yra sukininis hamiltonianas. Šiuo atveju, rezonansinę sugertį galima suprasti kaip sukinių šuolius tarp dviejų šio hamiltoniano tikrinių būsenų (žr. 4 pav.). Šiame operatoriuje yra informacija tik apie sukinių sąveikas, kurių svarbiausios  $I = \frac{1}{2}$  branduolių sistemai užrašomos hamiltoniane [30]:

$$\mathcal{H}_{suk} = \mathcal{H}_{BZ} + \mathcal{H}_{RB} + \mathcal{H}_{D} + \mathcal{H}_{CP}.$$
(26)

Čia du pirmieji nariai žymi sąveikas tarp branduolio sukinių bei išorinių magnetinių laukų, o paskutinieji du nurodo vidines sistemos sąveikas tarp elektronų bei branduolių. Pirmasis dėmuo  $\mathcal{H}_{BZ}$  yra branduolinis Zėmano efektas, aptartas 3.1 skyriuje. Antrasis dėmuo apibūdina radijo dažnio impulso sukurtą lauką  $B_1$ , kuris BMR eksperimento metu kreipia sistemos įmagnetėjimą (žr. 3.5 skyrių). Trečiasis narys  $\mathcal{H}_D$  nurodo dipolinį ryšį tarp branduolių sukinių. Ketvirtasis narys  $\mathcal{H}_{CP}$  yra cheminio poslinkio hamiltonianas, kuris bendru atveju apibūdina anizotropinę sąveiką tarp branduolio sukinio bei jį supančio elektronų apvalkalo. Pastarosios dvi sąveikos detaliau aptariamos 3.6.1 ir 3.6.2 skyriuose.

#### 3.6.1 Tiesioginis dipolinis ryšys

Dipolinį ryšį tarp dviejų sukinių yra nesunku iliustruoti. Kiekvienas iš sukinių yra magnetinis dipolis, kurio magnetinio lauko jėgų linijos yra pasklidusios artimoje aplinkoje. Kaip

matoma 8 pav., pirmojo dipolio j sukurtą magnetinį lauką jaučia antrasis dipolis k ir sąveikauja su juo. Svarbu pabrėžti, jog j sukinys taip pat sąveikauja su k sukinio sukurtu lauku. Ši



8 pav. Dviejų branduolių sukinių sistema išoriniame magnetiniame lauke  $B_0$ . k dipolis taip pat yra ir j dipolio sukurtame magnetiniame lauke.

sąveika vadinama tiesioginiu dipoliniu ryšiu, nes magnetiniai laukai tarp branduolinių sukinių sklinda nepaliečiant elektronų apvalkalų. Ši sąveika yra viena iš stipriausių vidinių sąveikų ir ji pasireiškia arba molekulių viduje, arba tarp molekulių. Pilna tiesioginės dipolinės sąveikos tarp  $I_j$  ir  $I_k$  sukinių hamiltoniano išraiška yra [15]:

$$\mathcal{H}_D = b_{jk} (3(\boldsymbol{I}_j \cdot \boldsymbol{e}_{jk}) (\boldsymbol{I}_k \cdot \boldsymbol{e}_{jk}) - \boldsymbol{I}_j \cdot \boldsymbol{I}_k), \qquad (27)$$

kur  $e_{jk}$  atitinka vienetinį vektorių, lygiagretų tiesei, jungiančiai abiejų j ir k branduolių centrus (žr. 8 pav.), o  $b_{jk}$  yra dipolinio ryšio konstanta, kuri nusako dipolinės sąveikos dydį. Ji apskaičiuojama taip:

$$b_{jk} = -\frac{\mu_0}{4\pi} \frac{\gamma_j \gamma_k \hbar}{r_{jk}^3},\tag{28}$$

kur  $\mu_0$  yra magnetinė konstanta ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ Hm}^{-1}$ ),  $\gamma_j$  ir  $\gamma_k$  abiejų branduolių giromagnetiniai santykiai, o  $r_{jk}$  – atstumas tarp branduolių sukinių [15]. Kadangi, dipolinė sąveikos konstanta yra atvirkščiai proporcinga  $r_{jk}^3$ , ši sąveika yra BMR struktūrinės analizės pagrindas.

Kai  $I_j$  ir  $I_k$  sukiniai priklauso tam pačiam izotopui, tai sekuliarioji dipolinio ryšio lygtis išreiškiama kaip [15]:

$$\hat{\boldsymbol{\mathcal{H}}}_{D}(\boldsymbol{\theta}) = b_{jk} \frac{1}{2} (3\cos^{2}(\boldsymbol{\theta}) - 1) (3I_{j,z}I_{k,z} - \boldsymbol{I}_{j} \cdot \boldsymbol{I}_{k}),$$
(29)

kur  $\theta$  yra kampas tarp  $e_{jk}$  vektoriaus ir išorinio magnetinio lauko (žr. 8 pav.).  $I_{j,z}$  ir  $I_{k,z}$  atitinkamai žymi  $I_j$  ir  $I_k$  sukinių projekcijas į z ašį. Tiriant  $I = \frac{1}{2}$  sukinį turinčius branduolius,

dipolinė sąveika dažniausiai vyksta tarp skirtingų izotopų branduolių (pvz. tarp <sup>1</sup>H ir <sup>13</sup>C branduolių). Kai  $I_j$  ir  $I_k$  sukiniai priklauso skirtingiems izotopams, sekuliarioji dipolinio ryšio lygtis užrašoma [15]:

$$\hat{\mathcal{H}}_D(\theta) = b_{jk} (3\cos^2(\theta) - 1) I_{j,z} I_{k,z}.$$
(30)

Akivaizdu, jog abi dipolinio ryšio išraiškos priklauso molekulių orientacijos, kuri šiuo atveju aprašoma kampu  $\theta$ .

#### 3.6.2 Cheminio poslinkio anizotropija

Bendru atveju, cheminio poslinkio hamiltonianas užrašomas taip [30]:

$$\mathcal{H}_{CP} = -\gamma \hbar I \delta B_0, \qquad (31)$$

kur  $\delta$  yra antrojo rango cheminio poslinkio tenzorius, kuris laboratorijos koordinačių sistemoje yra užrašomas kaip [15]:

$$\boldsymbol{\delta}^{lab} = \begin{pmatrix} \delta_{xx} & \delta_{xy} & \delta_{xz} \\ \delta_{yx} & \delta_{yy} & \delta_{yz} \\ \delta_{zx} & \delta_{zy} & \delta_{zz} \end{pmatrix}.$$
(32)

Čia x, y ir z atitinka laboratorijos koordinačių sistemos ašis. BMR eksperimentuose dažnai



9 pav. Sumodeliuotas tipinis <sup>31</sup>P miltelių spektras su cheminio poslinkio anizotropija. Branduolio sukinys  $I = \frac{1}{2}$ . Svarbiausias spektro dalis žymi įstrižieji  $\delta$  tenzoriaus elementai. Tenzoriaus elementų vertės:  $\delta_{xx} = -66$ ,  $\delta_{yy} = -35$  ir  $\delta_{zz} = 240$  ppm, atitinka P<sub>4</sub>O<sub>10</sub> junginį [31] šaltinyje.

matuojamas bandinio miltelių spektras, kuriame galimos visos molekulių orientacijos. Kiekviena kitokia molekulės orientacija pagal lauką  $B_0$  reiškia ir kitokią išmatuoto cheminio poslinkio vertę spektre. Dėl šios priežasties, miltelių spektras yra išplitęs, t.y. sudarytas iš daugybės linijų, kurių kiekviena atitinka vis kitokią molekulės orientaciją [32]. Tipinis miltelių spektras su įstrižaisiais  $\boldsymbol{\delta}$  tenzoriaus elementais pateiktas 9 pav.

Pagrindinės ašies (PA) koordinačių sistemoje  $\delta$  tenzorius yra diagonalus:

$$\boldsymbol{\delta}^{PA} = \begin{pmatrix} \delta_{11} & 0 & 0 \\ 0 & \delta_{22} & 0 \\ 0 & 0 & \delta_{33} \end{pmatrix}, \tag{33}$$

Skaičiais 1, 2 ir 3, pažymėtos ašys, priklausančios  $\boldsymbol{\delta}$  tenzoriaus PA koordinačių sistemai pavaizduotos 9 pav. Šiame paveiksle cheminio poslinkio (arba ekranavimo) tenzorius vaizduojamas kaip molekulėje fiksuotas elipsoidas, kurio centre – branduolys. Šio elipsoido pagrindinė ašis tiesiogiai priklauso nuo  $\boldsymbol{\delta}$  tenzoriaus pagrindinės ašies. Svarbu pabrėžti, jog šio tenzoriaus įstrižieji elementai turi atitikti šią sąlygą:

$$\delta_{33} \ge \delta_{22} \ge \delta_{11}.\tag{34}$$

Kadangi, išorinis magnetinis laukas  $B_0$  yra nukreiptas išilgai z ašies, tai 31 lygtis tampa:

$$\mathcal{H}_{CP} = -\hbar\gamma m_I \delta_{zz} B_0,\tag{35}$$

kur lieka tik zz cheminio poslinkio tenzoriaus komponentė, nukreipta  $B_0$  kryptimi. Cheminio



10 pav. Polinių kampų  $\theta$  ir  $\phi$  apibrėžimas. Skaičiai 1, 2 ir 3 žymi ašis cheminio poslinkio tenzoriaus pagrindinės ašies koordinačių sistemoje. Sukurta remiantis [32] šaltiniu.

poslinkio tenzoriaus  $\delta_{zz}$ komponentė PA koordinačių sistemoje yra užrašoma kaip:

$$\delta_{zz} = \boldsymbol{b}_0^{PA} \boldsymbol{\delta}^{PA} \boldsymbol{b}_0^{PA}, \qquad (36)$$

kur  $\boldsymbol{b}_0^{PA}$  yra vienetinis vektorius PA koordinačių sistemoje, nukreiptas  $\boldsymbol{B}_0$  kryptimi. Poliniais kampais  $\theta$  ir  $\phi$ , kurie pateikti 10 pav., šis vektorius užrašomas taip:

$$\boldsymbol{b}_{0}^{PA} = (\sin\theta\cos\phi \quad \sin\theta\sin\phi \quad \cos\theta). \tag{37}$$

Tada 36 lygtis tampa:

$$\delta_{zz} = \delta_{11} \sin^2 \cos^2 \phi + \delta_{22} \sin^2 \theta \sin^2 \phi + \delta_{33}. \tag{38}$$

Norint toliau suprastinti šią išraišką, patogu įsivesti tris dydžius [33]:

$$\delta_{iso} = \frac{1}{3} (\delta_{11} + \delta_{22} + \delta_{33}), \tag{39}$$

$$\Delta = \delta_{33} - \delta_{iso},\tag{40}$$

$$\eta = \frac{\delta_{22} - \delta_{11}}{\delta_{33} - \delta_{iso}}, \quad (0 \le \eta \le 1), \tag{41}$$

kur  $\delta_{iso}$  yra izotropinis cheminis poslinkis, o  $\Delta$  ir  $\eta$  yra atitinkamai  $\delta$  tenzoriaus anizotropijos ir asimetrijos parametrai. Šių parametrų apibrėžimai schematiškai pavaizduoti 11a pav. Naudojant šiuos parametrus ir įsistačius 38 išraišką į 35 lygtį gaunama galutinė cheminio poslinkio hamiltoniano išraiška [32]:

$$\mathcal{H}_{CP} = -\hbar\gamma B_0 m_I \bigg[ \delta_{iso} + \frac{1}{2} \Delta \big( \big( 3\cos^2\theta - 1 \big) + \eta \sin^2\theta \cos 2\phi \big) \bigg].$$
(42)



11 pav. Cheminio poslinkio tenzoriaus parametrų: (a) anizotropijos  $\Delta$  ir asimetrijos  $\eta$  bei (b) maksimalaus linijos pločio  $\Omega$  bei asimetrijos  $\kappa$ , apibrėžimai. Originalus spektras – 9 pav.

Jeigu tiriamas kristalas turi ašinę simetriją, kai  $\delta_{11} = \delta_{22}$ , tada hamiltonianas virsta:

$$\mathcal{H}_{CP} = -\hbar\gamma B_0 m_I \delta_{33} \frac{1}{2} \left( 3\cos^2\theta - 1 \right). \tag{43}$$

Abejose hamiltoniano išraiškose matoma priklausomybė nuo kampo  $\theta$  yra analogiška dipolinio ryšio hamiltoniano apibrėžimuose (žr. 29 ir 30 lygtis).

Parametrai, pateikti 39–41 lygtyse yra labai patogūs atliekant rezultatų modeliavimą, tačiau svarbiausio parametro  $\Delta$  ženklas gali kisti fazinio virsmo metu, kas apsunkina temperatūrinę spektrų analizę. Tokiu atveju, patogiau aprašyti kitus du dažnai naudojamus parametrus: maksimalų spektro linijos plotį  $\Omega$  bei asimetriją  $\kappa$ . Šie parametrai įstrižaisiais  $\delta^{PA}$  tenzoriaus elementais išreiškiami taip [33]:

$$\Omega \simeq \delta_{11} - \delta_{33}, \quad (\Omega \ge 0) \tag{44}$$

$$\kappa = \frac{3(\delta_{22} - \delta_{iso})}{\Omega}, \quad (-1 \le \kappa \le 1).$$
(45)

Šiuo atveju, mažiau svarbesnio parametro  $\kappa$  ženklas gali kisti. Parametras  $\kappa = 0$ , kai  $\delta_{22} = \delta_{iso}$ , o $\kappa = \pm 1$ , kai  $\delta_{22}$  bus lygus  $\delta_{11}$  arba  $\delta_{33}$ . Šių dviejų parametrų ryšys su  $\boldsymbol{\delta}^{PA}$  tenzoriaus elementais schematiškai pavaizduotas 11b pav.

#### 3.7 Sukimas magiškuoju kampu

Skysčių BMR spektroskopijoje cheminio poslinkio anizotropijos ar dipolinio ryšio efektai yra matomi labai retai, nes dėl nevaržomo molekulių judėjimo kampų  $\theta$  ir  $\phi$  (žr. 10 pav.) vertės yra išvidurkinamos ir lieka tik viena isotropinė  $\delta_{iso}$  spektro linija [15]. Kietojo kūno BMR spektroskopijoje panašių rezultatų galima pasiekti pasitelkiant inovatyvų eksperimentinį metodą – bandinio sukimą magiškuoju kampu (angl. *magic angle spinning* (MAS)) [28]. Ankstesniuose skyriuose pateiktose dipolinio ryšio bei cheminio poslinkio hamiltoniano išraiškose (žr. 30 ir 43 lygtis) matoma bendra šių sąveikų priklausomybė nuo kampo  $\theta$  tarp sąveikos elipsoido pagrindinės ašies bei išorinio magnetinio lauko  $B_0$  (žr. 10 pav.):

$$\mathcal{H}_D, \ \mathcal{H}_{CP} \sim (3\cos^2\theta - 1).$$
 (46)

Šių sąveikų hamiltonianai priartės prie nulio tada, kai tenkinama ši sąlyga [15]:

$$3\cos^2\theta - 1 = 0. (47)$$

Šios lygties sprendinys ir yra vadinamasis magiškasis kampas:

$$\theta_{mag} = \arctan(\sqrt{2}) \simeq 54,74^{\circ}. \tag{48}$$



12 pav. MAS veikimo principas. Pilkas cilindras atitinka rotorių, kuriame patalpintas bandinys. Čia rotoriaus viduje esantis elipsoidas, kaip ir 10 pav., žymi molekulę, kurios centre yra tiriamasis branduolys. Sukurta remiantis [32] šaltiniu.

MAS veikimo principas pavaizduotas 12 pav. Šio eksperimento metu specialus rotorius su bandiniu yra nuo  $B_0$  palenktas kampu  $\theta_S$  ir aplink savo ašį sukamas aukštais (kHz eilės) dažniais. Tada molekulė, kuri 12 pav. vaizduojama kaip elipsoidas, ir jos orientaciją apibūdinantis kampas  $\theta$  sukasi kartu su rotoriumi. Tokiu atveju, vidutinė  $(3\cos^2\theta - 1)$  nario vertė priklausys nuo kampų  $\theta_S$  ir kampo  $\beta$  tokiu sąryšiu [32]:

$$\langle 3\cos^2\theta - 1 \rangle = \frac{1}{2} (3\cos^2\theta_S - 1)(3\cos^2\beta - 1)$$
 (49)

Akivaizdu, jog kampas  $\beta$ , taip pat yra fiksuotas kristale ir kaip ir  $\theta$  turės visas įmanomas vertes kristalo milteliuose, o kampas  $\theta_S$  rotoriaus sukimo metu išlieka pastovus ir gali būti keičiamas eksperimento metu. Kai  $\theta_S = \theta_{mag}$ , tada yra tenkinama 47 lygtis ir  $\langle 3\cos^2\theta - 1 \rangle$  narys virsta nuliu. Taigi, suteikus rotoriui pakankamai aukštą sukimo dažnį, kad kampas  $\theta$  būtų suvidurkintas, dipolinio ryšio ar cheminio poslinkio sąveikos anisotropija taip pat bus suvidurkinama [32].

Tipiniai MAS eksperimento metu išmatuoti BMR spektrai pavaizduoti 13 pav. Jei bandinio sukimo sparta yra pakankamai didelė, visos vidinės sąveikos suvidurkinamos, informacija apie struktūrą prarandama ir lieka tik  $I = \frac{1}{2}$  branduolio sukinio spektras su smailėmis ties izotropine signalo verte bei raiška, prilygstančia skysčių BMR signalams (žr. 13d pav.). Jei anisotropinės sąveikos yra stipresnės nei MAS vidurkinimas, tada miltelių spektras skyla į daug šoninių sukimo juostų, kurios grubiai atkartoja statinį spektrą (žr. 13a,b,c pav.). Šios šoninės juostos atsiranda  $\omega_{iso} + n\omega_{suk}$  dažniuose, kur  $\omega_{iso}$  yra izotropinės smailės dažnio vertė,  $\omega_{suk}$ 



13 pav. Sumodeliuoto miltelių spektro priklausomybė nuo bandinio rotoriaus sukimo dažnio. Raudonos rodyklės žymi izotropinę cheminio poslinkio liniją  $\delta_{iso}$ . Spektrų intensyvumas yra sunormuotas pagal maksimalę vertę. Stacionaraus bandinio spektras pateiktas 9 pav.

atitinka rotoriaus sukimo dažnį, o n – sveikasis skaičius [15]. Keičiant MAS dažnį izotropinė linija  $\delta_{iso}$  niekada nepakeičia savo padėties. Svarbu pabrėžti, jog šoninės sukimo juostos gali būti sėkmingai naudojamos spektro parametrams gauti modeliavimo metu, ir šis metodas net gali būti tikslesnis nei modeliuojant statinį spektrą [15].

## 4 Eksperimento metodika

Šiam darbui hibridinį perovskitą MHyPbCl<sub>3</sub> susintetino prof. Mirosław Mączka grupė dirbanti *Institute of Low Temperature and Structure Research, Polish Academy of Sciences*, Vroclave, Lenkijoje. Šio junginio sintezė detaliai aprašyta [8] šaltinyje.

MHyPbCl<sub>3</sub> junginio faziniam virsmui ištirti buvo naudojama <sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb BMR spektroskopija. Pirmieji BMR eksperimentai buvo atlikti Erasmus+ praktikos metu *Felix Bloch Institute for Solid State Physics, Leipzig University*, Leipcige, Vokietijoje. Praktikos vadovas šiame institute buvo Dr. Marko Bertmer. Šiame institue eksperimentai buvo atlikti su Bruker Avance 400 ( $B_0 = 9,4$  T) ir Bruker Avance 750 ( $B_0 = 17,6$  T) spektrometrais. <sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb branduolių Larmoro dažniai buvo atliknamai 400,17 ir 83,72 MHz (Avance 400) ir 748,58 bei 156,61 MHz (Avance 750). Pakartotiniai <sup>207</sup>Pb BMR eksperimentai buvo atlikti Fizikos fakulteto BMR laboratorijoje naudojant Bruker Avance III HD spektrometrą esant 83,72 MHz dažniui ( $B_0 = 9,4$  T). Leipcige ir Vilniuje buvo naudojami skirtingi 4 mm skersmens MAS zondai, į kuriuos buvo dedami MAS rotoriai, užpildyti MHyPbCl<sub>3</sub> milteliais. Abiem atvejais bandinio temperatūra buvo išmatuota zonde esančiu temperatūros jutikliu. Dėl skirtingų MAS zondų šiose laboratorijose, <sup>207</sup>Pb BMR tyrimų metu išmatuotos temperatūros vertės nesutapo, todėl galutiniuose rezultatuose pateikti tik Vilniuje atlikti matavimai.

297–365 K temperatūros diapazone MHyPbCl<sub>3</sub> <sup>1</sup>H MAS spektrai buvo registruojami sukant bandinį 9 ir 10 kHz dažniu, o <sup>207</sup>Pb MAS spektrai buvo gauti esant 8 ir 10 kHz dažniams. Kontroliniam bandiniui <sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb matavimams atitinkamai buvo pasirinkti polidimetil-siloksano (PDMS) milteliai bei Pb(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub> tirpalas. Šiame darbe spektrų modeliavimas buvo atliktas naudojantis *dmfit* programa [34]. Svarbu pabrėžti, jog šiame darbe neanalizuojamas BMR spektrų intensyvumas, todėl paveikslėliuose intensyvumo vertės nebuvo žymimos.

<sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb BMR spektrai buvo gauti naudojant vieno impulso LIG seką. MHy<sup>+</sup> katijono protonų išilginės relaksacijos trukmės  $T_1$  matavimai buvo atlikti naudojant soties atsikūrimo impulsų seką. Šio eksperimento metu detektuojamas signalas  $K_{SA}$  nuo atsikūrimo laiko  $\tau$  priklauso pagal išraišką [35]:

$$K_{SA} = 1 - \exp\left(-\frac{\tau}{T_1}\right). \tag{50}$$

Keičiant  $\tau$  išmatuotų protonų BMR spektrų intensyvumų priklausomybė nuo  $\tau$  ir yra aproksimuojama 50 lygtimi. Iš šios aproksimacijos gaunama  $T_1$  vertė.

# 5 Rezultatai ir jų aptarimas

Šiame skyriuje pristatomi ir aptariami hibridinio perovskito MHyPbCl<sub>3</sub> <sup>1</sup>H ir  $^{207}$ Pb kietojo kūno BMR eksperimentiniai bei modeliavimo rezultatai.

# 5.1 <sup>1</sup>H BMR rezultatai

MHy<sup>+</sup> katijonuose esančių protonų artimosios aplinkos pokyčiams fazinio virsmo metu ištirti <sup>1</sup>H BMR spektrai buvo užregistruoti 298–365 K temperatūros diapazone naudojant 9 kHz MAS dažnį. Gauta BMR spektrų temperatūrinė priklausomybė pateikta 14 pav. Visi spektrai rodo vieną plačią izotropinę liniją ties  $\delta_{iso} = 3$  ppm, kurios šonuose matomos sukimo juostos, viena nuo kitos atskirtos 9 kHz dažniu (~22,5 ppm). MHy<sup>+</sup> katijone esantys protonai priklauso dviems cheminėms aplinkoms: metilo CH<sub>3</sub> bei azanido NH<sub>2</sub> grupėms [7, 8]. Dėl šios priežasties 14 pav. pavaizduoti spektrai turėtų būti sudaryti iš dviejų pagrindinių protonų signalų, kurie dėl dipolinės bei kitų vidinių sąveikų yra gerokai išplitę. Kadangi, 9 kHz MAS dažnio nepakako metilhidrazinio signalams izoliuoti, protonai gana stipriai sąveikauja tarpusavyje. Gauta MHyPbCl<sub>3</sub> junginio CH<sub>3</sub> grupės cheminio poslinkio  $\delta_{iso} = 3$  ppm vertė artima CH<sub>3</sub> grupei CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbX<sub>3</sub> perovskituose [9, 17], o NH<sub>2</sub> grupės cheminio poslinkio vertės arti-



14 pav. MHyPbCl<sub>3</sub> junginio <sup>1</sup>H BMR spektrų temperatūrinė priklausomybė. Rotoriaus sukimo dažnis – 9 kHz.

mos R-NH<sub>2</sub> junginiams, kur R – alkilo radikalas [36]. Svarbu atkreipti dėmesį, jog spektruose matomos itin siauros linijos priklauso įvairioms menkoms priemaišoms. Kaitinimo metu, peržengus 342 K fazinio virsmo temperatūrą, šiuose spektruose nepastebimi itin ryškūs pokyčiai. Tai galėtų reikšti, jog MHy<sup>+</sup> katijonuose esantys protonai nėra itin jautrūs faziniam virsmui. Kitose švino halidų sistemose, kaip CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbI<sub>3</sub>, yra stebimas labai ryškus <sup>1</sup>H BMR spektrų pokytis fazinio virsmo metu [17]. Tai yra siejama su tuo, kad CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbI<sub>3</sub> junginyje vyksta aiškus tvarkos-netvarkos fazinis virsmas [37]. Kadangi MHyPbCl<sub>3</sub> kristalas abejose fazėse pasižymi toliasieke tvarka, ryškus <sup>1</sup>H BMR spektrų pokytis ir nėra stebimas.



15 pav. MHyPbCl<sub>3</sub> junginio protonų išilginės relaksacijos  $T_1$  temperatūrinė priklausomybė.

Siekiant įdėmiau išanalizuoti protonų aplinką bei  $MHy^+$  katijono dinamiką, buvo atlikti išilginės sukinio–gardelės relaksacijos trukmės  $T_1$  matavimai. Šio parametro temperatūrinė priklausomybė pateikta 15 pav. Paveiksle matoma tipinė  $T_1$  priklausomybė, kur relaksacijos trukmė, didėjant temperatūrai, didėja [9, 17, 38, 39], tačiau ties 330–335 K stebima maža anomalija, kada  $T_1$  šiek tiek sumažėja ir toliau kylant temperatūrai iki 360 K galiausiai sugrįžta į pradinę tiesinę priklausomybę. Čia 330 K turėtų atitikti fazinio virsmo temperatūrą. Artimose hibridinių švino halidų sistemose, kaip CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbCl<sub>3</sub> stebimas gerokai didesnis  $T_1$  šuolis fazinio virsmo aplinkoje [9, 17, 38, 39]. Tai rodo, jog fazinio virsmo metu vyksiantis MHy<sup>+</sup> katijonų persiorientavimas labai mažai veikia fazinį virsmą. Taigi, MHyPbCl<sub>3</sub> junginyje vykstantis fazinis virsmas nėra grynas tvarkos–netvarkos tipo ir, remiantis skirtuminės žvalgomosios kalorimetrijos bei termogravimetrijos rezultatais [8], šis virsmas galėtų būti poslinkio tipo.

### 5.2 <sup>207</sup>Pb BMR rezultatai

Šiame darbe esančiame 2.3 skyriuje buvo parodyta, jog MHyPbCl<sub>3</sub> perovskite esantys PbCl<sub>6</sub> oktaedrai abejose struktūrinėse fazėse yra labai stipriai deformuoti dėl palyginus su kitais kristalais, didelio centrinio MHy<sup>+</sup> katijono bei esamo Pb–NH<sub>2</sub> kovalentinio ryšio [8]. Siekiant ištirti PbCl<sub>3</sub><sup>-</sup> karkaso deformaciją ir jos pokytį fazinio virsmo metu, buvo atlikti <sup>207</sup>Pb BMR eksperimentai.



16 pav. MHyPbCl<sub>3</sub> junginio <sup>207</sup>Pb BMR spektrų temperatūrinė priklausomybė. Rotoriaus sukimo dažnis – 10 kHz.

PbCl<sub>6</sub> oktaedruose esančių <sup>207</sup>Pb branduolių BMR spektrų temperatūrinė priklausomybė pateikta 16 pav. Matavimuose naudotas 10 kHz bandinio sukimo dažnis. Šiame paveiksle matomi du signalai, nurodantys skirtingus perovskitinius sluoksnius atitinkamai sudarytus iš Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> ir Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų, kurie matomi kristalo struktūroje 3 pav. Abu signalai turi po izotropinę liniją ir 10 kHz (apie 120 ppm) žingsniu nuo jos išdėstytas šonines sukimo juostas. Remiantis rentgeno spinduliuotės difrakcijos tyrimais [8] siauresnės juostos, t.y. mažesnės anizotropijos, signalas nuo -500 iki -800 ppm cheminio poslinkio ribose atitinka mažiau deformuotus Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrus, o plačios juostos signalas esantis nuo -1100 iki -2250 ppm atitinka gerokai labiau deformuotus Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrus (žr. 3 pav.). Artimiausios sistemos, kurios turi trimatį PbCl<sub>3</sub><sup>-</sup> karkasą ir kurioms literatūroje buvo atlikti <sup>207</sup>Pb BMR tyrimai yra CsPbCl<sub>3</sub> [40] ir CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbCl<sub>3</sub> [18, 41]. Abi šios sistemos turi tik vidutiniškai deformuotus PbCl<sub>6</sub> oktaedrus, kurių  $\delta_{iso}$  vertės, kambario temperatūroje atitinkamai -728 [40] ir -646 ppm [18, 41], yra labai artimos gautoms Pb<sup>(1)</sup> spektro vertėms. Artimiausios Pb<sup>(2)</sup> spektro  $\delta_{iso}$  vertės, kurias pavyko rasti literatūroje, atitinka PbCl<sub>2</sub> halidą, kurio  $\delta_{iso} = -1721$  ppm [42]. Kaitinimo metu 16 pav. matomas gana aiškus abiejų švino aplinkų BMR spektrų pokytis ties 350–355 K. Šie spektrai galėtų rodyti PbCl<sub>3</sub><sup>-</sup> karkase vykstančius pokyčius, kurie buvo aptarti 2.3 skyriuje.

Siekiant įdėmiau išanalizuoti švino chlorido karkase vykstančius struktūrinius pokyčius, abiems Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup> BMR signalams buvo išmatuotos izotropinės linijos cheminio poslinkio vertės  $\delta_{iso}$ . Abiejų <sup>207</sup>Pb BMR spektro linijų  $\delta_{iso}$  verčių temperatūrinė priklausomybė pavaizduota 17 pav. Didėjant temperatūrai teigiama kryptimi slenkantys <sup>207</sup>Pb BMR spektrai yra labai būdingas bruožas hibridiniams švino halido junginiams [16–18, 40, 41], dėl šios priežasties jie netgi gali būti naudojami kaip tikslūs BMR termometrai [41]. Kaip matoma 17 pav., 350–355 K temperatūroje Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup> spektrų izotropinis cheminis poslinkis staiga padidėja ir pastarajam iš šių spektrų itin ženkliai. Tai galima būtų paaiškinti tuo, kad Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų atomai stipriai pakeičia savo padėtį fazinio virsmo metu. Svarbu pabrėžti, jog šiuose matavimuose bandinį kaitinant gauta fazinio virsmo temperatūra yra apie 10 K didesnė nei skirtuminės žvalgomosios kalorimetrijos, termogravimetrijos bei dielektrinės spektroskopijos tyrimų rasta 342 K temperatūra [8]. Toks skirtumas matomas dėl to, nes MAS BMR zonde bandinio



17 pav. <sup>207</sup>Pb BMR spektro linijų Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup> izotropinio cheminio poslinkio  $\delta_{iso}$  temperatūrinė priklausomybė. Matavimų paklaidos yra mažesnės už taškų dydį.

temperatūrą matuojantis prietaisas yra gana toli nuo bandinio ir gaunamas pakankamai didelis temperatūros gradientas.

Siekiant tiksliau charakterizuoti MHyPbCl<sub>3</sub> kristale esančius PbCl<sub>6</sub> oktaedrus, buvo atliktas eksperimentinių <sup>207</sup>Pb BMR spektrų modeliavimas naudojantis 3.6.2 skyriuje minėtais cheminio poslinkio tenzoriaus  $\Omega$  bei  $\kappa$  parametrais (žr. 44–45 lygtis). Modeliavimo metu visos kitos sąveikos, kurios prisideda prie signalo išplatėjimo buvo įskaitytos į Gauso linijos plotį, apskaičiuotą pusės maksimumo aukštyje. Šiame darbe, maksimalus juostos plotis  $\Omega$  (žr. 44 lygtį) tiesiogiai atspindi PbCl<sub>6</sub> oktaedrų anizotropijos arba deformacijos dydį, o parametras



18 pav. Eksperimentiniai (juodi) bei modeliuoti (raudoni) <sup>207</sup>Pb BMR spektrai, esant 300 K temperatūrai, bei 8 kHz ir 10 kHz rotoriaus sukimo dažniui.

 $\kappa$  (žr. 45 lygtį) nurodo tos anizotropijos asimetrijos vertę ir kryptį.

Eksperimentiniai <sup>207</sup>Pb BMR spektrai, išmatuoti 300 K temperatūroje (ŽT fazėje) esant 8 bei 10 kHz MAS dažniams, ir modeliavimo metu gauti spektrai pateikti 18 pav. Pasirinkti du skirtingi sukimo dažniai, nes tos pačios parametrų vertės, naudotos skirtingo sukimo dažnio spektrams rodo modeliavimo tikslumą. Modeliai, pateikti 18 pav., buvo gauti naudojant dvi atskiras  $\boldsymbol{\delta}$  tenzoriaus parametrų grupes kiekvienam iš švino centrų (Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup>). Siauresniajam Pb<sup>(1)</sup> signalui, esančiam ties  $\delta_{iso} = -711 \pm 2$  ppm, gauti linijos pločio bei asimetrijos parametrai yra atitinkamai  $\Omega = 241 \pm 5$  ppm ir  $\kappa = -0.183 \pm 0.010$ . Platesniajam signalui



19 pav. Eksperimentiniai (juodi) bei modeliuoti (raudoni) <sup>207</sup>Pb BMR spektrai, esant 360 K temperatūrai, bei 8 kHz ir 10 kHz rotoriaus sukimo dažniui.

 $Pb^{(2)}$ , kurio  $\delta_{iso} = -1680 \pm 2$  ppm, tinkamas modelis buvo gautas naudojant  $\Omega = 931 \pm 6$  ppm bei  $\kappa = -0.158 \pm 0.005$  vertes. Šie rezultatai patvirtina, jog  $Pb^{(2)}Cl_6$  oktaedrai yra gerokai labiau deformuoti nei  $Pb^{(1)}Cl_6$  oktaedrai.

Eksperimentiniai <sup>207</sup>Pb BMR spektrai, išmatuoti 360 K temperatūroje (AT fazėje) esant 8 bei 10 kHz MAS dažniams, ir modeliavimo metu gauti spektrai pateikti 19 pav. Pb<sup>(1)</sup> signalui, esančiam ties  $\delta_{iso} = -663 \pm 2$  ppm, gauti parametrai yra  $\Omega = 198 \pm 6$  ppm ir  $\kappa = 0,209 \pm 0,014$ . Pb<sup>(2)</sup> signalui ties  $\delta_{iso} = -1592 \pm 2$  ppm, tinkamiausias modelis buvo gautas naudojant  $\Omega = 1039 \pm 7$  ppm bei  $\kappa = -0,085 \pm 0,003$  vertes. Taigi, <sup>207</sup>Pb BMR spektrų modeliavimo rezultatai rodo, jog fazinio virsmo metu abi švino aplinkos (Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup>) deformuojasi skirtingai. Šie rezultatai sutampa su rentgeno spinduliuotės difrakcijos tyrimų [8] metu gautomis Pb–Cl ryšio ilgio iškreipių  $\Delta d$  vertėmis, kurios pateiktos 1 lentelėje. Abu  $\Omega$  ir  $\Delta d$  parametrai rodo, jog Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrai ŽT fazėje yra labiau deformuoti nei AT fazėje, o Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrai yra labiau deformuoti AT nei ŽT fazėje.

Siekiant ištirti, kaip PbCl<sub>6</sub> oktaedrų anizotropija kinta fazinio virsmo metu, eksperimentinių rezultatų modeliavimas buvo atliktas visiems spektrams 297–365 K intervale. Modeliavimo metu apskaičiuotų asimetrijos  $\kappa$  ir maksimalaus juostos pločio  $\Omega$  parametrų temperatūrinės priklausomybės atitinkamai atidėtos 20 ir 21 pav. Kaitinimo metu parametro  $\kappa$ 



20 pav. <sup>207</sup>Pb BMR spektro linijų Pb<sup>(1)</sup> ir Pb<sup>(2)</sup> asimetrijos  $\kappa$  temperatūrinė priklausomybė. Matavimų paklaidos yra mažesnės už taškų dydį.

priklausomybė nuo temperatūros rodo gana ryškų Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų simetrijos pokytį, kai  $\kappa$  vertė įgyja priešingą ženklą 355 K temperatūroje. Šis rezultatas galėtų būti susijęs su rentgeno spinduliuotės difrakcijos tyrimuose AT fazėje stebimu Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų pakrypimu, kuris ŽT fazėje išnyksta [8]. Esant 350–355 K temperatūrai 21 pav. stebimas gana tolydus Pb<sup>(1)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų deformacijos  $\Omega$  sumažėjimas ir labai staigus Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų anizotropijos padidėjimas pereinant iš ŽT fazės į AT fazę. Kartu su šiais rezultatais įskaičius ir  $\delta_{iso}$  temperatūrinę priklausomybę, akivaizdu, jog fazinio virsmo metu Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų sluoksnio deformacija yra dominuojantis fazinio virsmo mechanizmas. Pb<sup>(2)</sup>Cl<sub>6</sub> oktaedrų deformacijos parametro  $\Omega$  temperatūrinė priklausomybė artima tvarkos parametro pokyčiui stipraus pirmos rūšies fazinio virsmo metu (žr. 1 pav.). Taigi, remiantis <sup>1</sup>H ir <sup>207</sup>Pb BMR rezultatais galima pritarti [8] šaltinyje iškeltai hipotezei, kad MHyPbCl<sub>3</sub> junginyje stebimas fazinis virsmas yra pirmos rūšies poslinkio tipo.



21 pav. <sup>207</sup>Pb BMR spektro linijų  $Pb^{(1)}$  ir  $Pb^{(2)}$  maksimalaus juostos pločio  $\Omega$  temperatūrinė priklausomybė.

# Išvados

- <sup>1</sup>H BMR eksperimentai rodo, kad CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> junginyje CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub><sup>+</sup> katijonų dinamika nėra dominuojantis fazinio virsmo mechanizmas.
- <sup>207</sup>Pb BMR spektruose matomi du signalai, kurie kyla iš dviejų švino aplinkų su skirtinga anizotropija CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> perovskite. Šie rezultatai patvirtina rentgeno spinduliuotės difrakcijos tyrimuose stebimą sluoksniuotą švino chlorido struktūrą.
- <sup>207</sup>Pb BMR tyrimai patvirtina hipotezę, jog CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> perovskito struktūrinis fazinis virsmas yra artimas pirmos rūšies poslinkio tipo faziniam virsmui, kurio dominuojantis mechanizmas yra švino chlorido karkaso deformacija.

# Literatūros sąrašas

- M. A. Green, A. Ho-Baillie and H. J. Snaith. The emergence of perovskite solar cells. Nature Photonics 8 (2014), 506.
- [2] B. Saparov and D. B. Mitzi. Organic-inorganic perovskites: structural versatility for functional materials design. *Chemical Reviews* **116** (2016), 4558.
- [3] W. Li, Z. Wang, F. Deschler, S. Gao *et al.* Chemically diverse and multifunctional hybrid organic-inorganic perovskites. *Nature Reviews Materials* 2 (2017), 16099.
- [4] F. Wang, Y. Cao, C. Chen, Q. Chen *et al.* Materials toward the upscaling of perovskite solar cells: progress, challenges, and strategies. *Advanced Functional Materials* 28 (2018), 1803753.
- [5] M. Saliba, T. Matsui, J.-Y. Seo, K. Domanski *et al.* Cesium-containing triple cation perovskite solar cells: improved stability, reproducibility and high efficiency. *Energy & Environmental Science* 9 (2016), 1989.
- [6] V. Adinolfi, O. Ouellette, M. I. Saidaminov, G. Walters *et al.* Fast and sensitive solutionprocessed visible-blind perovskite UV photodetectors. *Advanced Materials* 28 (2016), 7264.
- [7] M. Mączka, M. Ptak, A. Gągor, D. Stefanska *et al.* Methylhydrazinium lead bromide: noncentrosymmetric three-dimensional perovskite with exceptionally large framework distortion and green photoluminescence. *Chemistry of Materials* **32** (2020), 1667.
- [8] M. Mączka, A. Gagor, J. K. Zaręba, D. Stefanska *et al.* Methylhydrazinium lead chloride is a three-dimensional perovskite that features two polar phases and unusual second-harmonic generation bistability above room temperature. *Chemistry of Materials* **32** (2020), 4072.
- [9] T. Baikie, N. S. Barrow, Y. Fang, P. J. Keenan *et al.* A combined single crystal neutron/Xray diffraction and solid-state nuclear magnetic resonance study of the hybrid perovskites CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbX<sub>3</sub> (X = I, Br and Cl). *Journal of Materials Chemistry A* 3 (2015), 9298.
- [10] D. J. Kubicki, D. Prochowicz, A. Hofstetter, P. Pechy et al. Cation dynamics in mixedcation (MA)<sub>x</sub>(FA)<sub>1--x</sub>PbI<sub>3</sub> hybrid perovskites from solid-state NMR. Journal of the American Chemical Society 139 (2017), 10055.

- [11] I. Anusca, S. Balčiūnas, P. Gemeiner, Š. Svirskas *et al.* Dielectric response: Answer to many questions in the methylammonium lead halide solar cell absorbers. *Advanced Energy Materials* 7 (2017), 1700600.
- [12] M. Šimėnas, S. Balčiūnas, M. Mączka, J. Banys et al. Exploring the antipolar nature of methylammonium lead halides: a Monte Carlo and pyrocurrent study. The Journal of Physical Chemistry Letters 8 (2017), 4906.
- [13] C. Odin. NMR studies of Phase Transitions. Annual Reports on NMR Spectroscopy 59 (2006), 117.
- [14] J. B. Lambert and E. P. Mazzola. Nuclear magnetic resonance spectroscopy: an introduction to principles, applications, and experimental methods (Prentice Hall, 2003).
- [15] M. H. Levitt. Spin dynamics: basics of nuclear magnetic resonance. 2nd ed. (John Wiley & Sons, 2008).
- [16] W. M. J. Franssen, S. G. D. van Es, R. Dervisoglu, G. A. de Wijs et al. Symmetry, dynamics, and defects in methylammonium lead halide perovskites. The Journal of Physical Chemistry Letters 8 (2017), 61.
- [17] A. Senocrate, I. Moudrakovski and J. Maier. Short-range ion dynamics in methylammonium lead iodide by multinuclear solid state NMR and <sup>127</sup>I NQR. *Physical Chemistry Chemical Physics* **20** (2018), 20043.
- [18] G. M. Bernard, R. E. Wasylishen, C. I. Ratcliffe, V. Terskikh *et al.* Methylammonium cation dynamics in methylammonium lead halide perovskites: A solid-state NMR perspective. *The Journal of Physical Chemistry A* **122** (2018), 1560.
- [19] B. Strukov and A. Levanyuk. Ferroelectric phenomena in crystals: Physical foundations (Springer-Verlag, Berlin, 1998).
- [20] M. E. Lines and A. M. Glass. Principles and applications of ferroelectrics and related materials (Oxford University Press, 2001).
- [21] L. Landau and E. M. Lifshitz. Statistical physics, Volume 5, Part 1 (Pergamon, 1969).
- [22] T. Yamanaka, N. Hirai and Y. Komatsu. Structure change of  $Ca_{1-x}Sr_xTiO_3$  perovskite with composition and pressure. *American Mineralogist* 87 (2002), 1183.

- [23] S. D. Stranks, G. E. Eperon, G. Grancini, C. Menelaou *et al.* Electron-hole diffusion lengths exceeding 1 micrometer in an organometal trihalide perovskite absorber. *Science* 342 (2013), 341.
- [24] C. Wehrenfennig, G. E. Eperon, M. B. Johnston, H. J. Snaith *et al.* High charge carrier mobilities and lifetimes in organolead trihalide perovskites. *Advanced Materials* 26 (2014), 1584.
- [25] Q. Lin, A. Armin, P. L. Burn and P. Meredith. Organohalide perovskites for solar energy conversion. Accounts of Chemical Research 49 (2016), 545.
- [26] D. A. Egger, A. M. Rappe and L. Kronik. Hybrid organic-inorganic perovskites on the move. Accounts of Chemical Research 49 (2016), 573.
- [27] B. A. Rosales, M. P. Hanrahan, B. W. Boote, A. J. Rossini *et al.* Lead halide perovskites: Challenges and opportunities in advanced synthesis and spectroscopy. *ACS Energy Letters* 2 (2017), 906.
- [28] H. Günther. NMR spectroscopy: basic principles, concepts and applications in chemistry (John Wiley & Sons, 2013).
- [29] J. Keller. Understanding NMR spectroscopy (John Wiley & Sons, 2002).
- [30] U. Haeberlen. *High resolution NMR in solids. Selective averaging.* (Academic Press, 1976).
- [31] T. Duncan and D. Douglas. On the <sup>3</sup>1P chemical shift anisotropy in condensed phosphates. Chemical Physics 87 (1984), 339.
- [32] M. J. Duer. Solid state NMR spectroscopy: principles and applications (Blackwell Science, 2002).
- [33] J. Mason. Conventions for the reporting of nuclear magnetic shielding (or shift) tensors suggested by participants in the NATO ARW on NMR shielding constants at the University of Maryland, College Park, July 1992. Solid State Nuclear Magnetic Resonance 2 (1993), 285.
- [34] D. Massiot, F. Fayon, M. Capron, I. King et al. Modelling one-and two-dimensional solidstate NMR spectra. Magnetic Resonance in Chemistry 40 (2002), 70.

- [35] H. Wang, M. Zhao, J. L. Ackerman and Y. Song. Saturation-inversion-recovery: A method for T<sub>1</sub> measurement. Journal of Magnetic Resonance 274 (2017), 137.
- [36] L. S. Starkey. <sup>1</sup>H chemical shifts general guide. California State Polytechnic University, Pomona (2018): https://www.cpp.edu/~lsstarkey/courses/NMR [žiūrėta 2020-05-19].
- [37] P. Whitfield, N. Herron, W. Guise, K. Page *et al.* Structures, phase transitions and tricritical behavior of the hybrid perovskite methyl ammonium lead iodide. *Scientific Reports* 6 (2016), 1.
- [38] Y. Furukawa and D. Nakamura. Cationic dynamics in the crystalline phases of (CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>)PbX<sub>3</sub> (X: Cl, Br) as studied by proton magnetic resonance techniques. Zeitschrift für Naturforschung A 44 (1989), 1122.
- [39] Q. Xu, T. Eguchi, H. Nakayama, N. Nakamura *et al.* Molecular motions and phase transitions in solid CH<sub>3</sub>NH<sub>3</sub>PbX<sub>3</sub> (X= Cl, Br, I) as studied by NMR and NQR. *Zeitschrift für Naturforschung A* 46 (1991), 240.
- [40] A. Karmakar, M. S. Dodd, X. Zhang, M. S. Oakley *et al.* Mechanochemical synthesis of 0D and 3D cesium lead mixed halide perovskites. *Chemical Communications* 55 (2019), 5079.
- [41] G. M. Bernard, A. Goyal, M. Miskolzie, R. McKay et al. Methylammonium lead chloride: A sensitive sample for an accurate NMR thermometer. Journal of Magnetic Resonance 283 (2017), 14.
- [42] O. Dmitrenko, S. Bai, P. A. Beckmann, S. van Bramer et al. The relationship between <sup>207</sup>Pb NMR chemical shift and solid-state structure in Pb(II) compounds. The Journal of Physical Chemistry A 112 (2008), 3046.

#### Laisvydas Giriūnas

# NMR STUDY OF STRUCTURAL PHASE TRANSITION IN CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> HYBRID PEROVSKITE

#### Summary

In recent years, hybrid lead halide perovskites have received exceptional attention in the scientific community due to their potential application in photovoltaic devices. Solar cells based on these hybrid compounds have already reached the power conversion efficiency of more than 20 %. Some of their useful properties are influenced by the structural phase transitions and cation dynamics. Many efforts have been devoted to study these materials with methods that are sensitive to structural changes and dynamic effects.

Among many techniques used for characterization of crystal properties, nuclear magnetic resonance (NMR) spectroscopy is an exceptionally effective method in studying structural phase transitions and dynamics. In general, NMR is used to study the local magnetic and electric fields around atomic nuclei. This spectroscopic method has been successfully used multiple times to investigate lead halide perovskites.

The aim of this work was to study the structural phase transition and cation dynamics in methylhydrazinium lead chloride (CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub>) perovskite. In order to achieve this goal, solid-state <sup>1</sup>H and <sup>207</sup>Pb NMR spectroscopy was used. The results of this study were enough to prove the hypothesis about the order and type of the structural phase transition in CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub> hybrid perovskite. <sup>1</sup>H NMR experiments demonstrate that the ordering of CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub><sup>+</sup> cations is not the dominant phase transition mechanism in CH<sub>3</sub>NH<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>PbCl<sub>3</sub>. This suggests a displacive type of the phase transition. <sup>207</sup>Pb NMR measurements show two signals, confirming two different lead-sites in the lead-chloride framework. This confirms the interesting two-layer structure of the lead chloride framework. And lastly, <sup>207</sup>Pb NMR experiments confirm that the phase transition is of the first-order with a displacive character and is mostly caused by the deformation of the lead-chloride framework.