

# ĮTEMPIŲ KONCENTRACIJA LANKŠČIUOSE SEKLIUOSE PAMATUOSE

**Linas Vasiliauskas, Kazys Šleževičius, Jonas Rolčius, Antanas Špokas**  
**Šiaulių universitetas, Technologijos fakultetas**

## Ivadas

Įtempių koncentracija pasireiškia konstrukcijų atraminėse dalyse, paskirstomuose įrenginiuose, standžiuose bei lanksčiuose sekliuose pamatuose. Tai vienas sudėtingiausių deformavimo atvejų. Jéga šiuo atveju veikia mažoje aikštéléje. Zona, kurioje veikia apkrova, būna perkrauta, vyksta glemžimas. Betono stipris padidėja, nes pasireiškia apkabos efektas. Glemžimo deformacijos ir jų sukelti įtempiai nevienodi kontakto paviršiuje ir skirtingame gylyje. Jie mažėja tolstant nuo konstrukcijų elementų lietimosi zonos.

Naudojant statyboje įtemptai armuotas gelžbetonines konstrukcijas, jas galima gaminti didesnių matmenų, tačiau kartu padidėja apkrovos surenkamų konstrukcijų kontakto zonose. Apkrovų padidėjimas surinkimo mazguose bei pamatuose reikalauja realiai įvertinti kontaktines deformacijas.

Straipsnyje nagrinėjamas įtempių – deformacijų būvis sekliuose lanksčiuose pamatuose, kurių skerspjūvis kinta staiga, šuoliais. Kitas įtempių koncentraciją sukeliančios veiksny – koncentruota jéga. Jos padėtis keičiasi pamato simetrijos ašies atžvilgiu. Ji nustatyta tokia, kad po pamato padu būtų tik gnuždantys norminiai įtempiai.

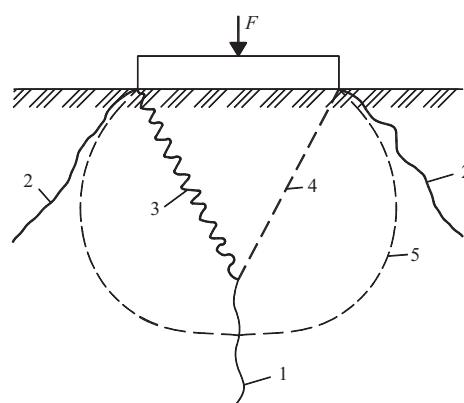
Skaičiavimuose nurodytas plokštuminis įtempių būvis etaloninio storio plokštéléje. Įtempiai skaičiuoti tinklelio metodu. Nustatyti norminiai, tangentiniai, svarbiausieji ir ekvivalentiniai įtempiai pagal įvairias stiprumo teorijas atskiruose plokštélé taškuose.

Apkrova dažnai perduodama į betoninius ar gelžbetoninius elementus nedidelėmis aikštélėmis. Glemžimas pasireiškia ištraukiant armatūrą iš betoninių elementų, bandant elementų tempimo, lenkimo stiprį ir kt. Betono glemžimo stipriui turi įtakos betono stipruminės charakteristikos, štampo bei glemžiamuoju elementu forma, matmenys, elemento atrémimo salygos, įtempių dydis neapkrautoje zonoje.

**Tikslas** – išnagrinėti įtempių-deformacijų būvių sekliuose lanksčiuose pamatuose tamplioje stadijoje, tyrimui pritaikant kompiuterinę imitacinių modeliavimą.

## Teoriniai tyrimų metodai

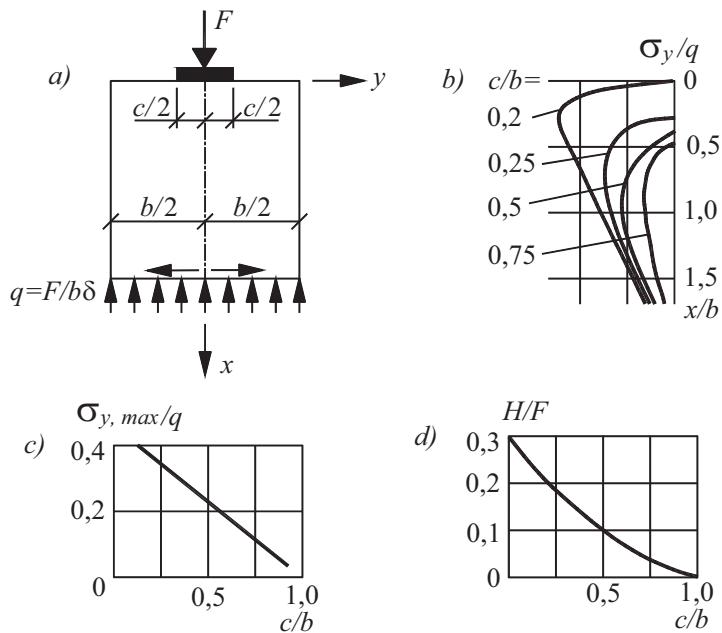
Praktikoje sutinkama keletas trapių medžiagų suirimo atvejų glemžiant. Suirimo glemžiant charakteris priklauso nuo apkrovimo aikštélės ir bandinio pločio santykio ( $c/b$ ). Suyrant bandiniui, išryškėja keletas įtempių zonų [1, 2]. Jas atskiria būdingi plyšiai (1 pav.)



**1 pav.** Glemžiamo elemento charakteringi plyšiai

Išilgai apkrovimo aikštélės simetrijos ašies susidaro skilimo plyšys (1). Kito charakterio plyšiai (2) pasireiškia ties apkrovimo aikštélės kampais. Jie atskiria įtemptą bandinio zoną nuo likusios dalies su mažesniais įtempiais. 3 ir 4 plyšių charakteris priklauso nuo apkrovimo aikštélės dydžio, o jie gali atsirasti šalia betono užpildo dalelių ((3) plyšys), arba per užpildo daleles ((4) plyšys). Plastinių įtempiai zona pirmame paveikslė apribota 5 kreive.

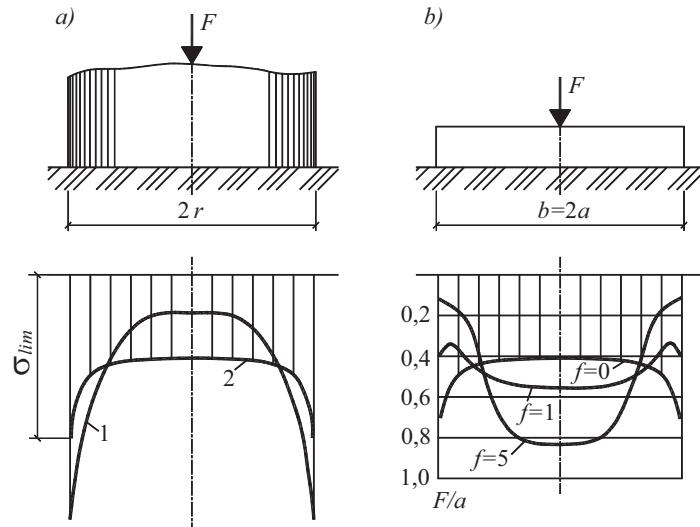
**Plyšių susidarymo priežastys.** Plokštélé veikia centriškai pridėta išskirstyta apkrova (2 pav., a). Kai apkrovimo aikštélės ir elemento kraštinių santykis  $c/b$  artėja prie nulio (2 pav., b, c), tempimo horizontalių įtempių santykis su išskirstyto krūvio intensyvumu  $\sigma_y/q$  viršija 0,4, o kai kraštinių santykis  $c/b$  artėja prie vieneto,  $\sigma_y/q$  artėja prie nulio. Panašiai didėja ir skėtimo jégos santykis su vertikalia apkrova. Kai  $c/b = 1$ , šis santykis artimas nuliui, kai  $c/b$  artėja prie nulio, minėtas santykis artėja prie 0,3 (2 pav. d).



**2 pav.** Glemžiamo elemento skaičiuojamoji schema bei horizontalių įtempių pasiskirstymas

Kontaktinis įtempių pasiskirstymas po pamato padu taip pat sudėtingas. Jis priklauso nuo grunto savybių, pamato standumo, įgilinimo ir

apkrovos dydžio [3, 4]. Jų pasiskirstymas atspindėtas 3 pav.



**3 pav.** Kontaktinių įtempių po standžiais pamatais epiūros:

- a – po apvaliu pamatu, 1 kreivė – tamprūs įtempiai, 2 kreivė – įvertinant plastines deformacijas;
- b – po juostiniu pamatu, esant skirtingam pamato liaunumo rodikliui  $f$

Kontaktiniai įtempiai gali būti mažesni ties pamato pado kraštais, taip pat jie gali sumažėti ties pamato simetrijos ašimi. Jų pasiskirstymas priklauso nuo pamata veikiančių jėgų santykio, grunto rišlumo ir kitų aplinkybės. Standaus, apvalaus ir stačiakampio pamato kontaktinių įtempių teorinė

kreivė yra balno formos, įtempiai kraštiniuose taškuose asymptotiskai didėjantys. Kai susidaro plastinės deformacijos, realūs įtempiai viduryje padidėja, o kraštuose sumažėja. Keičiantis liaunumo rodikliui, kinta ir kontaktinių įtempių dydis (3 pav., b). Liaunumo rodiklis priklauso nuo

pagrindo ir statinio standumo ir apskaičiuojamas pagal (1) formulę.

$$f \approx 10 \frac{E \cdot l^3}{E_m \cdot h^3}, \quad (1)$$

čia  $E$  ir  $E_m$  – pagrindo ir pamato medžiagų deformacijų moduliai;

$l$  ir  $h$  – pamato ilgis ir storis.

Nagrinėjamo pamato įtempių-deformacijų būklės imitaciniam modeliavimui buvo panaudotas baigtinių skirtumų metodas, laikant pamatą tampriu deformuojamu objektu.

Praktikoje priimtas tolygus reaktyvinių įtempių pasiskirstymo atvejis, nors laiptuotuose pamatuose yra neišvengiamos įtempių-deformacijų koncentracijos. Plokščias įtempių būvis nagrinėtas lanksčiuose sekliuose pamatuose, kai jie apkrauti centriškai ir išcentriškai. Pamato skerspjūvyje yra

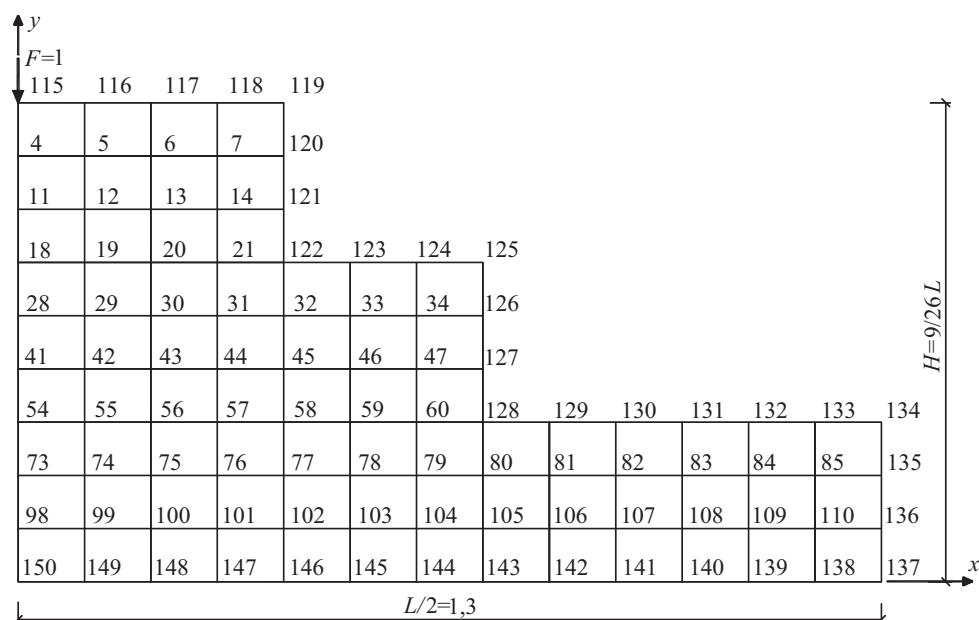
staigūs, aštrūs formos pokyčiai-koncentratoriai. Todėl laiptukų aplinkoje gali susidaryti įtempių deformacijų koncentracijos, sukeliančios pradinius irimo židinius.

Skaičiuojant pamato laiptukai priimami kaip reaktyvių įtempių lenkiami gembiniai elementai. Įtempių-deformacijų koncentracijos nevertinamos.

### Tyrimo rezultatai

Tobulinant pamatų projektavimo sprendimus, tikslina pradžioje dataliai išnagrinėti tą pamato būklę, kuri susidarytų, jei reaktyvinis slėgis tikrai būtų tiesiškai pasiskirstęs visame pamato pado plotyje. Vėliau – sudėtingesnius pasiskirstymo atvejus, atitinkančius sudėtingesnes pamatų-pagrindų sąveikas.

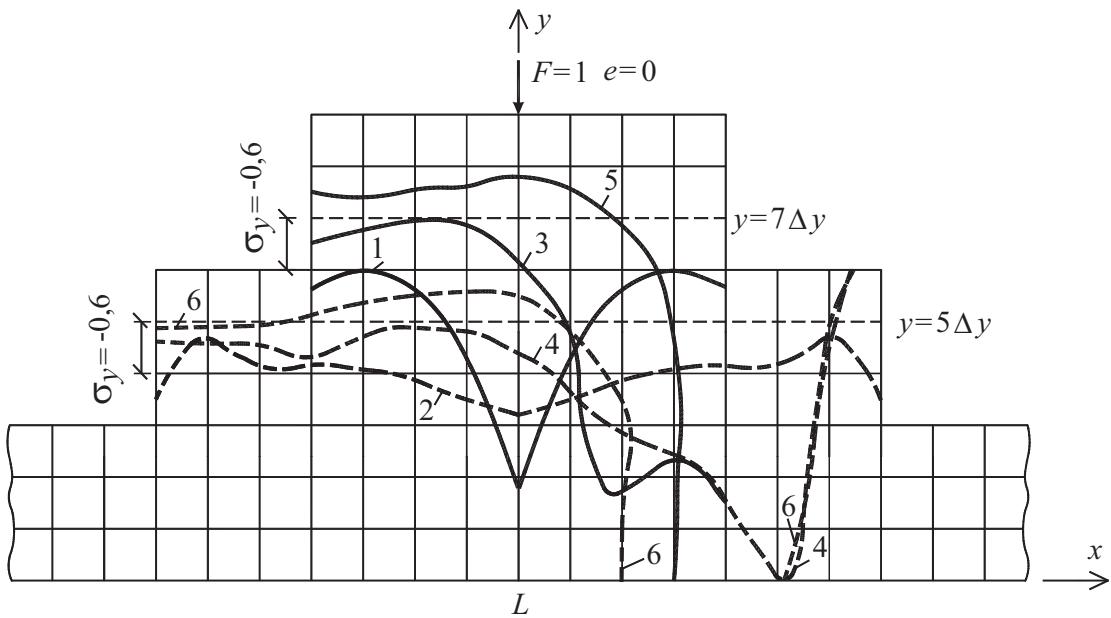
Duomenys apie nagrinėjamą seklujį lankstujį pamatą pateikti 4 pav.



4 pav. Lankstaus seklaus pamato skaičiuojamasis modelis

Įtempių būvis tirtas sekliuose pamatuose tinklelio metodu [5—8]. Iš pamato išskirta vienintelio storio plokšteliė ir apkrauta tam tikra jėga. Sprendžiamas plokštuminis tamprumo teorijos uždavinys plokšteliui, kuri apkrauta tamprioje stadijoje. Pakraštinės uždavinio salygos nustatytos plokšteliės kontūriniam rėmui. Kiekvienam kontūriniam tinklelio taškui skaičiuotos lenkimo momento  $M_{xy}$  ir ašinės jėgos  $N_{xy}$  reikšmės. Parinktas kvadratinis tinklelis  $\Delta_x = \Delta_y = 0,1L$ .

Skaičiavimo metu buvo keičiamas jėgos padėtis, didinamas jėgos pridėjimo išcentriškumas ( $e = 0$ ,  $e = L/12$ ,  $e = L/6$ ). Pamato apatinės pakopos ilgis buvo  $0,6L$ . Viršutinėje pamato dalyje veikiančios koncentruotos jėgos padėtis buvo keičiamta taip, kad po pamato padu veiktų tik gnuždantys vertikalūs norminiai įtempiai. Tyrimo rezultatai – centriškai apkrauto seklaus lankstaus pamato įtempiai pateikti 5 paveiksle bei 1 ir 2 lentelėse.



**5 pav.** Vertikalių norminių įtempinių  $\sigma_y$  pasiskirstymas lankstaus seklaus pamato horizontaliuose pjūviuose; 1,3 ir 5 kreivės, kai  $e = 0$ ,  $e = L/12$  ir  $e = L/6$ , o  $y = 7\Delta y$ ; atitinkamai 2,4 ir 6 kreivės, kai  $y = 5\Delta y$

Įtempiai pamate pasiskirsto pagal kreivines priklausomybes. Vertikalūs norminiai įtempiai pirmoje pakopoje padidėja ties apkrovimo aikšteli, palaipsniui mažėja tolstant nuo tos apkrovos. Įtempiai koncentracijos koeficientas pamato simetrijos ašyje taip pat mažėja tolstant nuo apkrovos ir jis atitinkamai lygus:  $k = 4,57$  kai  $y = 8\Delta y$ ,  $k = 2,51 - y = 7\Delta y$ ,  $k = 1,45 - y = 6\Delta y$ .

Antroje pakopoje maksimalūs įtempiai išsi-vysto ne tik simetrijos ašyje, bet ir šalia jos. Įtempiai koncentracijos koeficientas simetrijos ašyje  $k = 1,52$ , kai  $y = 5\Delta y$ . Šalia simetrijos ašies  $k = 2,15$ , kai  $x = 5\Delta x$ ,  $y = 5\Delta y$ .

Paskutinėje pakopoje įtempimų koncentracijos koeficientas mažėja. Didesnis jis tik vieno taško aplinkoje  $k = 3,8$ , kai  $x = 9\Delta x$ ,  $y = 3\Delta y$ .

Horizontalūs norminiai įtempiai  $\sigma_x$  pamato simetrijos ašyje pasiskirsto ne pagal tiesę, o pagal kreivę. Įtempiai neutralinė ašis ne svorio centre, o pasislinkusi žemyn. Neutralinė ašis kerta skerspjūvį

trečdalyje jo aukščio. Apatinės dalies diagramos aukštis mažesnis, viršutinės – didesnis. Norminiai gnuždantys įtempiai viršutinėje dalyje mažesni, viršutinėje – didesni. Įtempiai koncentracijos koeficientas siekia 2,5.

Tangentinių įtempių išsidėstymas skiriasi nuo lenkiams sijos tangentinių įtempių skaidos. Maksimalūs tangentiniai įtempiai ne ties skerspjūvio svorio centru, o viršutinėje skerspjūvio dalyje  $\tau = 1,3$ , kai  $x = \Delta x$ ,  $y = 9\Delta y$ .

Pagal Kulono stiprumo teoriją nustatyti svarbiausi ekvivalentiniai įtempiai. Didžiausios jų reikšmės – pamato viršutinėje pakopoje. Kitose pakopose šie įtempiai palaipsniui mažėja apie du kartus. Maksimalios šių įtempių reikšmės užima tam tikras zonas. Šių zonų santykinę atlaikymo galia galima sustiprinti arba gretimų zonų atlaikymo galia susilpninti.

Įtempiai pasiskirstymas, kai koncentruota jėga veikia ekscentriškai, pateiktas 2 lentelėje. Įtempiai pasiskirstymas sudėtingas.

1 lentelė. *Centriškai apkrauto lankstaus pamato įtempiai horizontalių pjūvių vidiniuose taškuose*

Taškai	Ery funkcija	Norminiai vienetiniai įtempiai		Tangentiniai vienetiniai įtempiai	Svarbiausi įtempiai		Ekvivalentiniai įtempiai		Santykinė linijinė deformacija $\alpha x$
		$\sigma_x$	$\sigma_y$		$\sigma_1$	$\sigma_2$	$\sigma_{E1}$	$\sigma_{E2}$	
4	0,295	-0,611	-5,709	0,000	-0,611	-5,709	5,098	0,531	1,77e-6
5	0,267	-1,474	-1,503	1.300	-0,189	-2788	2.599	0,369	-3,91e-6
6	0,223	-0,989	-0,439	0,687	0,026	-1,454	1,480	0,317	-3,00e-6
7	0,175	-0,418	-0,225	0,338	0,030	-0,674	0,703	0,165	-1,24e-6

1 lentelės tēsinys

Taškai	Ery funkcijs	Norminiai vienetiniai įtempiai		Tangentiniai vienetiniai įtempiai	Svarbiausi įtempiai		Ekvivalentiniai įtempiai		Santykinė linijinė deformacija $\epsilon_x$
		$\sigma_x$	$\sigma_y$		$\sigma_1$	$\sigma_2$	$\sigma_{E1}$	$\sigma_{E2}$	
11	0,259	-0,238	-3,144	0,000	-0,238	-3,144	2,906	0,390	1,30e-6
12	0,244	-0,854	-1,658	1,031	-0,149	-2,362	2,213	0,323	-1,74e-6
13	0,211	-0,935	-0,792	1,007	0,146	-1,873	2,019	0,521	-2,59e-6
14	0,171	-0,630	-0,604	0,819	0,203	-1,436	1,639	0,490	-1,70e-6
18	0,221	-0,377	-1,810	0,000	-0,377	-1,810	1,433	-0,015	-0,05e-6
19	0,212	-0,682	-1,278	0,708	-0,213	-1,748	1,535	0,137	-1,42e-6
20	0,190	-0,974	-0,759	0,944	0,084	-1,817	1,901	0,447	-2,74e-6
21	0,161	-1,158	-0,657	0,997	0,121	-1,935	2,056	0,508	-3,42e-6
28	0,179	-0,360	-1,087	0,000	-0,360	-1,087	0,727	-0,142	-0,47e-6
29	0,174	-0,525	-0,885	0,445	-0,225	-1,185	0,960	0,012	-1,16e-6
30	0,160	-0,813	-0,618	0,675	-0,034	-1,398	1,364	0,246	-2,30e-6
31	0,139	-1,127	-0,566	0,775	-0,022	-1,670	1,648	0,312	-3,38e-6
32	0,113	-1,481	-0,909	0,971	-0,182	-2,207	2,024	0,259	-4,33e-6
33	0,078	-2,176	-1,540	0,853	-0,948	-2,768	1,820	-0,394	-6,23e-6
34	0,27	-0,908	-0,161	0,403	0,014	-1,084	1,098	0,231	2,92e-6
41	0,134	-0,088	-0,693	0,000	-0,088	-0,693	0,605	0,051	0,17e-6
42	0,130	-0,183	-0,615	0,256	-0,064	-0,734	0,670	0,083	-0,20e-6
43	0,121	-0,390	-0,502	0,415	-0,027	-0,865	0,838	0,146	-0,97e-6
44	0,106	-0,619	-0,515	0,507	-0,058	-1,077	1,019	0,158	-1,72e-6
45	0,086	-0,794	-0,757	0,651	-0,125	-1,427	1,303	0,161	-2,14e-6
46	0,059	-0,850	-1,117	1,002	0,027	-1,995	2,022	0,426	-2,09e-6
47	0,020	-0,768	-0,682	1,159	0,435	-1,885	2,320	0,812	-2,11e-6
54	0,087	0,407	-0,489	0,000	0,407	-0,489	0,896	0,504	1,68e-6
55	0,085	0,349	-0,458	0,130	0,369	-0,478	0,847	0,465	1,47e-6
56	0,078	0,203	-0,408	0,222	0,275	-0,480	0,755	0,371	0,95e-6
57	0,067	0,010	-0,410	0,298	0,164	-0,564	0,729	0,277	0,31e-6
58	0,052	-0,228	-0,488	0,441	0,102	-0,818	0,920	0,266	-0,43e-6
59	0,031	-0,597	-0,557	0,736	0,159	-1,313	1,472	0,422	-1,62e-6
60	0,006	-1,319	-0,516	0,994	0,154	-1,990	2,144	0,552	-4,05e-6
73	0,045	1,070	-0,401	0,000	1,070	-0,401	1,471	1,150	3,83e-6
74	0,043	1,036	-0,388	0,048	1,038	-0,389	1,428	1,116	3,71e-6
75	0,037	0,945	-0,363	0,079	0,949	-0,367	1,317	1,023	3,39e-6
76	0,028	0,803	-0,349	0,102	0,812	-0,358	1,170	0,884	2,91e-6
77	0,015	0,593	-0,349	0,151	0,617	-0,373	0,990	0,692	2,21e-6
78	-0,002	0,250	-0,348	0,242	0,336	-0,433	0,769	0,422	1,07e-6
79	-0,022	-0,292	-0,418	0,327	-0,022	-0,688	0,665	0,115	-0,70e-6
80	-0,046	-0,909	-1,007	0,679	-0,278	-1,639	1,361	0,050	-2,36e-6
81	-0,080	-2,064	-1,457	0,789	-0,914	-2,606	1,692	-0,393	-5,91e-6
82	-0,129	-1,147	-0,023	0,490	0,161	-1,331	1,491	0,427	-3,81e-6
83	-0,178	-0,540	0,051	0,353	0,213	-0,705	0,921	0,357	-1,84e-6
84	-0,227	-0,230	-0,025	0,254	0,146	-0,401	0,548	0,227	-0,75e-6
85	-0,275	-0,070	-0,084	0,139	0,063	-0,216	0,279	0,106	-0,18e-6
98	0,013	1,841	-0,381	0,000	1,841	-0,381	2,222	1,917	6,39e-6
99	0,011	1,829	-0,376	0,005	1,829	-0,376	2,205	1,904	6,35e-6
100	0,006	1,796	-0,366	0,000	1,796	-0,366	2,163	1,870	6,23e-6
101	-0,004	1,749	-0,357	-0,015	1,749	-0,357	2,106	1,820	6,07e-6
102	-0,017	1,679	-0,344	-0,032	1,679	-0,345	2,024	1,748	5,83e-6
103	-0,033	1,567	-0,339	-0,048	1,568	-0,340	1,908	1,636	5,45e-6
104	-0,053	1,405	-0,394	-0,049	1,406	-0,396	1,802	1,485	4,94e-6
105	-0,076	1,223	-0,633	0,112	1,230	-0,640	1,869	1,358	5,50e-6
106	-0,106	0,910	-0,843	0,551	1,068	-1,001	2,069	1,268	3,59e-6
107	-0,145	0,505	-0,356	0,715	0,909	-0,760	1,670	1,061	1,92e-6
108	-0,187	0,288	-0,194	0,493	0,596	-0,502	1,098	0,697	1,09e-6
109	-0,231	0,150	-0,201	0,314	0,334	-0,385	0,720	0,412	0,63e-6
110	-0,276	0,058	-0,259	0,159	0,124	-0,325	0,449	0,189	0,37e-6

Pastaba: Ekvivalentiniai įtempiai  $\sigma_{E1}$  ir  $\sigma_{E2}$ , nustatyti pagal Kulono ir Moro stiprumo teorijas

2 lentelė. *Centriškai ir išcentriškai apkrauto lankstaus seklaus pamato įtempiai horizontalių pjūvių atskiruose taškuose*

Taškai	Norminiai vienetiniai įtempiai				Svarbiausieji įtempiai		Ekvivalentiniai įtempiai	
	$\sigma_x$		$\sigma_y$		$\sigma_l$		$\sigma_{E1}$	
	$X=0$	$X=2\Delta x$	$X=0$	$X=2\Delta x$	$X=0$	$X=2\Delta x$	$X=0$	$X=2\Delta x$
<b><math>e = 0</math></b>								
115—117	0,000	-0,855	-0,142	0,000	0,000	0,000	0,142	8,855
4—6	-0,369	-0,817	-5,743	-0,444	-0,369	0,003	5,374	1,266
11—13	0,049	-0,670	-3,247	-0,835	0,049	0,119	3,296	1,744
18—20	-0,056	-0,582	-1,989	-0,892	-0,056	0,102	1,934	1,678
28—32	-0,087	-1,113	-1,309	-0,728	-0,087	-0,157	1,222	1,527
41—45	0,050	-0,498	-0,928	-0,779	0,050	-0,155	0,978	0,967
54—8	0,340	-0,037	-0,710	-0,668	0,340	0,155	1,050	1,015
73—80	0,538	0,034	-0,542	-0,321	0,575	0,288	1,154	0,863
98—105	0,034	-0,235	-0,321	0,000	0,288	0,000	0,863	0,235
150—143	0,000	0,000	0,619	-0,017	0,619	0,000	0,619	0,017
<b><math>e = 1/6l</math></b>								
115—117	0,000	-17,646	-0,030	0,000	0,000	0,000	0,030	17,646
4—6	-0,030	-0,462	0,047	-1,204	0,193	-0,237	0,370	1,192
11—13	-0,611	-1,015	-0,022	-1,666	-0,022	-0,861	0,589	0,958
18—20	-0,798	-1,137	-0,129	-1,598	-0,055	-0,989	0,816	0,757
28—32	-0,706	-1,798	-0,227	-2,987	0,028	-1,179	0,989	2,427
41—45	-0,421	-0,704	-0,312	-2,314	0,195	-0,602	1,124	1,813
54—58	-0,020	-0,009	-0,380	-1,630	0,422	0,045	1,243	1,728
73—80	0,733	0,003	-0,974	-0,042	0,761	0,006	1,763	0,050
98—105	0,057	1,664	-0,578	0,000	0,572	1,664	1,664	1,664
150—143	0,000	0,000	-0,032	-0,011	0,000	0,000	0,032	0,011
<b><math>e = 1/12l</math></b>								
115—117	-0,195	-4,154	0,000	-8,300	0,000	-4,154	0,195	4,146
4—6	-0,921	-0,245	-0,278	-5,143	-0,140	-0,243	0,920	4,902
11—13	-0,991	-0,309	-0,497	-3,162	-0,216	-0,267	1,057	2,937
18—20	-0,936	-0,812	-0,486	-1,979	-0,189	-0,709	1,043	1,373
28—32	-0,736	-2,250	-0,395	-2,061	-0,054	-0,821	1,022	2,670
41—45	-0,345	-1,119	-0,323	-1,632	0,177	-0,692	1,022	1,367
54—58	0,216	-0,302	-0,290	-1,016	0,535	-0,165	1,143	0,988
73—80	0,903	-1,720	-0,289	-1,158	1,052	-0,322	1,490	2,234
98—105	1,662	1,619	-0,286	-0,654	1,702	1,628	2,028	2,290
150—143	2,490	5,540	-0,230	-0,120	2,490	5,540	2,720	5,660

## Išvados

1. Sekliame lanksčiame pamate vietinis gnuždymas tamprioje stadioje, esant plokštuminiam įtempių būviui, sukelia sudėtingą įtempių pasiskirstymą. Įtempių koncentracijos zonų intensyvumas, jų matmenys ir formos priklauso nuo jėgos padėties ir pamato matmenų santykio.
2. Kai pamata veikia koncentruota jėga, horizontalūs norminiai įtempiai pasiskirsto nevienodai, palyginus su norminių įtempių skliauda, kai veikia lenkimo momentas.
3. Vertikalūs ir horizontalūs norminiai įtempiai standaus pamato horizontaliuose pjūviuose padidėja kelis kartus, palyginus su medžiagų atsparumo sprendiniais.

4. Ekvivalentinių įtempių pasiskirstymas, jų reljefai igalina nustatyti santykinę atlaikymo galią, armavimo vietas, ekonomiškai išnaudoti medžiagų stiprius.

## Literatūra

1. Холмянский М. М., 1997, *Бетон и железобетон (деформативность и прочность)*. Москва: Стройиздат. 567 с.
2. Šleževičius K., Roličius J., Pelikša M., Mikuckis F., 2003, Įtempimų būvis nedidelėmis aikšteliemis gnuždomose sienutėse. *Mokslo darbai*. Nr. 59 (12) P. 125–130. ISSN 1648-116X LŽŪU, VAGOS.
3. Černius B., 2007, *Pamatų projektavimo pagal 7 eurokodą vadovas*. Kaunas: Technologija. P. 124.
4. Valiūnas K., 2007, *Gruntų stiprumas ir deformacija*. Kaunas: Technologija. P. 79.

5. Варвак П. М., Варвак Л. П., 1987, *Метод сеток в задачах расчета строительных конструкций*. Москва: Стройиздат. 286 с.
6. Руководство по проектированию фундаментов на естественном основании под колонны зданий и сооружений промышленных предприятий, 1978. Проектный институт Ленинградский промстройпроект. Москва: Стройиздат. 109 с.
7. Žiliukas A., 2006, *Stiprumo ir irimo kriterijai*. Kaunas: Technologija. 208 p.
8. Keras V., Mikuckis F., Rolčius J., Šleževičius K., 2003, Statinių pirma laikio irimo apraiškos bei jo imitacino modeliavimo galimybės. *Vagos: mokslo darbai*. Nr. 60 (13). P. 52–58. LŽŪU.

## CONCENTRATION OF STRESSES IN PLIANT SHALLOW FOUNDATIONS

*Linas Vasiliauskas, Kazys Šleževičius, Jonas Rolčius, Antanas Špokas*

### Summary

Bearing stress occurs when small areas in bearing parts of foundations are exposed to force. Resistance force of a material under bearing stress depends on the size of the area under load, distribution of contact stresses under the footing of a foundation, the ratio between the dimensions of an element and on other factors.

The article deals with plane stresses in pliant shallow foundations. Stress rise in foundations of this kind is caused by sudden changes in foundation cross-section, concentrated force and its changing position.

Plane stresses have been determined on a unit measuring plate which was centrally and eccentrically exposed to unit force. On boundary and internal discreet points of the plate direct, circumferential, diagonal and unit stresses were calculated.

Stresses obtained by calculaton are presented in graphs and tables. Distribution of stresses is complex. Intensity of their concentration zones, their values and shapes depend on the position of force, on the ratio between the dimensions of a foundation. Stress concentration coefficient increases several times compared to solution of strength of materials.

Relief of distribution of equivalent stresses enables to determine relative resistance force and to exploit strength of materials in a more economical way.

**Key words:** reinforced concrete, concentration of stresses, deformations, equivalent stresses.

## ĮTEMPIŲ KONCENTRACIJA LANKŠČIUOSE SEKLIUOSE PAMATUOSE

*Linas Vasiliauskas, Kazys Šleževičius, Jonas Rolčius, Antanas Špokas*

### Santrauka

Glemžimas pasireiškia, kai jėga perduodama nedidelėmis aikšteliemis atraminėse dalyse, pamatuose. Medžiagos stipris glemžimui priklauso nuo apkrovimo aikšteliés dydžio, kontaktinių įtempių pasiskirstymo po pamato padu, elemento matmenų santykio ir kitų veiksnių.

Straipsnyje nagrinėjamas plokščias įtempių būvis lanksčiuose sekliuose pamatuose. Šių pamatų koncentratoriai: pamatų skerspjūvių staigus pasikeitimas, sutelkta jėga ir jos kintama padėtis.

Plokštuminis įtempių būvis nustatytas vienetinių matmenų plokštéléje, kurią centriškai ir ekscentriškai veikia vienetinė jėga. Plokšteliés kontūriniuose ir vidiniuose diskretiniuose taškuose paskaičiuoti norminiai, tangentiniai, svarbiausieji ir ekvivalentiniai vienetiniai įtempiai.

Paskaičiuoti įtempiai pateikti grafikuose ir lentelėse. Įtempių pasiskirstymas sudėtingas. Jų koncentracijos zonų intensyvumas, dydis ir forma priklauso nuo jėgos padėties, pamato matmenų santykio. Įtempių koncentracijos koeficientas padidėja kelių kartus, palyginus su medžiagų atsparumo sprendiniu.

Ekvivalentinių įtempių pasiskirstymo reljefai įgalina nustatyti santykinę atlaikymo galią, leidžia ekonomiškiau išnaudoti medžiagos stiprius.

**Prasminiai žodžiai:** betonas, įtempių koncentracija, deformacijos, ekvivalentiniai įtempiai.

Įteikta 2008-10-02